

जब तक आपको यह परीक्षण पुस्तिका खोलने को न कहा जाए तब तक न खोलें

टी.बी.सी. : ADU-S-LET

परीक्षण पुस्तिका अनुक्रम

छप संख्या

0283425

## परीक्षण पुस्तिका गणित



समय : दो घण्टे और तीस मिनट

पृष्ठीकांक : 300

### अ. नु. दे. गा.

- परीक्षण प्राप्ति ग्राहक ने यह जाल, आप इस परीक्षण पुस्तिका की पहलान अवधि कर रहे हैं कि इसमें कौन है विद्युत गणित। फल यह यह युवा यूड जगत का उद्देश्य आहिन है। यह ऐसा है, तो इसे सही परीक्षण पुस्तिका से बदल दें।
- जालगा आप यहाँ कि OMR उत्तर-पत्रक में, उचित स्थान पर, तीस चरण और परीक्षण पुस्तिका अनुक्रम A, B, C या D को, प्रत्येक से एक विकल्प किसी चूल या विकल्पित के बाने और भूट्याकू जाने की विधिवारी उम्मीदवारी उम्मीदवारी जारी है। विकल्पी यी जगत की युवा/विकल्पिती की विकल्पिती में उत्तर-पत्रक विकल्प कर दिया जाएगा।
- एस परीक्षण पुस्तिका पर साथ में दिए गए नोट्स ने आपको अपना अनुद्देश्य किया है। अंतिम पुस्तिका पर भी यहाँ पर दियें।
- एस परीक्षण पुस्तिका में 120 अपार (प्रश्न) दिए गए हैं। प्रत्येक प्रश्नका विकल्पी और अंतिमी दोनों में छाप है। प्राप्तिक प्रश्नों में चाह प्रत्युत्तम (उत्तर) दिए गए हैं। उनमें से एक उत्तुतार को चुन ली, जिसे आप उत्तर-पत्रक पर अंकित करना चाहते हैं। यह आपको ऐसा लगे कि एक ने अंकित प्रत्युत्तम नहीं है, तो उस प्रत्युत्तम की अंकित जो आपको बांधती लगे। प्रत्येक प्रश्नका के दिए विकल्प एक ही प्रत्युत्तम चुनना है।
- आपको अपने सभी प्रत्युत्तम जाला में दिए गए उत्तर-पत्रक पर ही अंकित करने हैं। उत्तर-पत्रक में दिए गए विकल्प दें।
- सभी उत्तरों को जाना चाहता है।
- इससे पहली कि आप परीक्षण पुस्तिका के विभिन्न प्रानकों के प्रत्युत्तम उत्तर-पत्रक पर अंकित करना एक बहुत आपको उत्तेजना-पूर्ण के रूप अंकित अनुद्देश्य के अनुसार कुछ विवरण उत्तर-पत्रक में देने हैं।
- बाय अपने सभी उत्तुतार को उत्तर-पत्रक में भरने के बाद तथा विकल्प के अनुद्देश्य उत्तर-पत्रक अंकित कर दीप रहे। आपको अपने यात्रा परीक्षण पुस्तिका से आप की उम्मीदवारी है।
- जबकि बाय के दिए उत्तर-पत्रक परीक्षण पुस्तिका के अला में बंदगा है।
- प्रत्येक उत्तर उत्तरों में उम्मीदवारा द्वारा दिए गए गलत उत्तरों के लिए एक दिया जाएगा।
  - प्रत्येक प्रश्न के दिए गए वैकल्पिक उत्तर है। उम्मीदवारा द्वारा प्रत्येक प्रश्न के दिए दिए गए गलत उत्तर के दिए दिए हेतु विकल्प दिया गए अन्तों का एक-लिहाई रूप के कारण जाएगा।
  - यह अंतों का एक-लिहाई रूप के कारण जाएगा। यहाँ दिए गए उत्तरों में से एक उत्तर अभी ही है। यह भी उस उत्तर के लिए उपर्युक्तानुसार ही उनी ताक जो एक दिया जाएगा।
  - यह उपर्युक्तानुसार ही उत्तरों जैसे विकल्प जाएगा है, अभीत उम्मीदवार द्वारा उत्तर नहीं दिया जाता है, तो उपर्युक्त के लिए कोई उपर्युक्त नहीं दिया जाएगा।

जब तक आपको यह परीक्षण पुस्तिका खोलने को न कहा जाए तब तक न खोलें

Note : English version of the instructions is printed on the back cover of this Booklet.

1. यदि  $x + \log_{10}(1 + 2^x) = x\log_{10}5 + \log_{10}6 - 3$ ,  
तो  $x$  किसके बराबर है?

(a) 2, -3

(b) केवल 2

(c) 1

(d) 3

2. द्विमानीय भजा  $(101110)_2 + (110)_2$  के शेषफल  
और भागफल हैं, क्रमशः

(a)  $(111)_2$  और  $(100)_2$

(b)  $(100)_2$  और  $(111)_2$

(c)  $(100)_2$  और  $(101)_2$

(d)  $(100)_2$  और  $(100)_2$

3. आव्यूह  $A$  में  $x$  परिवर्ती और  $x+5$  कोलम है। आव्यूह  
 $B$  में  $y$  परिवर्ती और  $11-y$  कोलम है।  $AB$  और  
 $BA$  दोनों विद्यमान हैं।  $x$  और  $y$  के बारे ज्ञान क्या  
है?

(a) 0 और 3

(b) 3 और 9

(c) 3 और 8

(d) 8 और 9

4. यदि  $S_n = nP + \frac{n(n-1)Q}{2}$  है, तो  $S_n$  एकी AP  
के क्लोन ने पदों के बीचारे को संभिल करता है, तो  
सार्व अंतर क्या है?

(a)  $P+Q$

(b)  $2P+3Q$

(c) 20

(d)  $-Q$

5. समीकरण

$$(q-r)x^2 + (r-p)x + (p-q) = 0$$

के मूल क्या हैं?

(a)  $(r-p)/(q-r)$ ,  $1/2$

(b)  $(p-q)/(q-r)$ , 1

(c)  $(q-r)/(p-q)$ , 1

(d)  $(r-p)/(p-q)$ ,  $1/2$

6. यदि  $E$  समीकीय समुच्चय है और  $A = B \cup C$  है, तो  
समुच्चय  $E - (E - (E - (E - A)))$  मेंमें से दो  
विकल समुच्चय के उल्लंघन हैं।

(a)  $B \cup C$

(b)  $B \cup C$

(c)  $B \cap C$

(d)  $B \cap C$

1. If

$$x + \log_{10}(1+2^x) = x\log_{10}5 + \log_{10}6$$

then  $x$  is equal to

- (a) 2, -3
  - (b) 2 only
  - (c) 1
  - (d) 3
2. The remainder and the quotient of the binary division  $(101110)_2 \div (110)_2$  are respectively

- (a)  $(111)_2$  and  $(100)_2$
- (b)  $(100)_2$  and  $(111)_2$
- (c)  $(101)_2$  and  $(100)_2$
- (d)  $(100)_2$  and  $(100)_2$

3. The matrix  $A$  has  $x$  rows and  $x+5$  columns. The matrix  $B$  has  $y$  rows and  $11-y$  columns. Both  $AB$  and  $BA$  exist. What are the values of  $x$  and  $y$  respectively?

- (a) 5 and 3
- (b) 3 and 4
- (c) 3 and 6
- (d) 8 and 8

4. If  $S_n = nP + \frac{n(n-1)}{2}Q$ , where  $S_n$  denotes the sum of the first  $n$  terms of an AP, then the common difference is

- (a)  $P+Q$
- (b)  $2P+3Q$
- (c)  $2Q$
- (d)  $Q$

5. The roots of the equation

$$(q-r)x^2 + (r-p)x + (p-q) = 0$$

are

- (a)  $(r-p)/(q-r)$ ,  $1/2$
- (b)  $(p-q)/(q-r)$ ,  $1$
- (c)  $(q-r)/(p-q)$ ,  $1$
- (d)  $(r-p)/(p-q)$ ,  $1/2$

6. If  $E$  is the universal set and  $A = B \cup C$ , then the set  $E - (E - (E - (E - A)))$  is same as the set

- (a)  $B' \cup C'$
- (b)  $B \cup C$
- (c)  $B' \cap C'$
- (d)  $B \cap C$

7. यदि  $A = \{x : x, 2 \text{ का गुणज है}\}$ ,  $B = \{x : x, 5 \text{ का गुणज है}\}$  और  $C = \{x : x, 10 \text{ का गुणज है}\}$  है, तो  $A \cap (B \cap C)$  किसके बराबर है?

- (a) A
- (b) B
- (c) C
- (d)  $\{x : x, 100 \text{ का गुणज है}\}$

8. यदि  $\alpha$  और  $\beta$  समीकरण  $1 + x + x^2 = 0$  के मूल हैं, तो सम्मुख उपसमफल  $\begin{bmatrix} 1 & \beta \\ \alpha & \alpha \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \alpha & \beta \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$  किसके बराबर है?

- (a)  $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$
- (b)  $\begin{bmatrix} -1 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$
- (c)  $\begin{bmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$
- (d)  $\begin{bmatrix} -1 & -1 \\ -1 & -2 \end{bmatrix}$

9. यदि  $|a|$  विधी वृत्तिक के नियमक साम को लगाता है, तो विध दो से कौन-से मान हैं?

1.  $|ab| = |a||b|$
2.  $|a+b| \leq |a| + |b|$
3.  $|a-b| \geq ||a| - |b||$

नीचे दिए गए कठूल का प्रयोग कर उन्हीं उत्तर चुनिए।

- (a) केवल 1 और 2
- (b) केवल 2 और 3
- (c) केवल 1 और 3
- (d) 1, 2 और 3

10. यदि PERMUTATION के अनुसार से नियते विभिन्न क्रमसमय बनाए जा सकते हैं?

- (a) 19958400
- (b) 19954800
- (c) 19952400
- (d) 39916800

11. यदि  $A = \begin{bmatrix} 4i-6 & 10i \\ 14i & 6+4i \end{bmatrix}$  और  $k = \frac{1}{2i}$  है, तो  $i = \sqrt{-1}$  है, तो  $kA$  किसके बराबर है?

- (a)  $\begin{bmatrix} 2+3i & 5 \\ 7 & 2-3i \end{bmatrix}$
- (b)  $\begin{bmatrix} 2-3i & 5 \\ 7 & 2+3i \end{bmatrix}$
- (c)  $\begin{bmatrix} 2-3i & 7 \\ 5 & 2+3i \end{bmatrix}$
- (d)  $\begin{bmatrix} 2+3i & 5 \\ 7 & 2+3i \end{bmatrix}$

12. समीकरण  $|x-3|^2 + (x-3)-2 = 0$  के सभी कास्तविक मूलों का योगफल क्या है?

- (a) 2
- (b) 3
- (c) 4
- (d) 6

7. If  $A = \{x : x \text{ is a multiple of } 2\}$ ,  $B = \{x : x \text{ is a multiple of } 5\}$  and  $C = \{x : x \text{ is a multiple of } 10\}$ , then  $A \cap (B \cap C)$  is equal to

- (a)  $A$
- (b)  $B$
- (c)  $C$
- (d)  $\{x : x \text{ is a multiple of } 100\}$

8. If  $\alpha$  and  $\beta$  are the roots of the equation  $1 + x + x^2 = 0$ , then the matrix product

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ \alpha & \alpha \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \alpha & \beta \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

is equal to

- (a)  $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$
- (b)  $\begin{bmatrix} -1 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$
- (c)  $\begin{bmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$
- (d)  $\begin{bmatrix} -1 & -1 \\ -1 & -2 \end{bmatrix}$

9. If  $|a|$  denotes the absolute value of an integer, then which of the following are correct?

1.  $|ab| = |a||b|$
2.  $|a+b| \leq |a| + |b|$
3.  $|a-b| \geq |a| - |b|$

Select the correct answer using the code given below.

- (a) 1 and 2 only
- (b) 2 and 3 only
- (c) 1 and 3 only
- (d) 1, 2 and 3

10. How many different permutations can be made out of the letters of the word PERMUTATION?

- (a) 19958400
- (b) 19954800
- (c) 19952400
- (d) 39915800

11. If  $A = \begin{bmatrix} 4i+6 & 10i \\ 14(-6+4i) & \end{bmatrix}$  and  $k = \frac{1}{2i}$ , where  $i = \sqrt{-1}$ , then  $kA$  is equal to

- (a)  $\begin{bmatrix} 2+3i & 5 \\ 7 & 2-3i \end{bmatrix}$
- (b)  $\begin{bmatrix} 2-3i & 5 \\ 7 & 2+3i \end{bmatrix}$
- (c)  $\begin{bmatrix} 2-3i & 7 \\ 5 & 2+3i \end{bmatrix}$
- (d)  $\begin{bmatrix} 2+3i & 5 \\ 7 & 2+3i \end{bmatrix}$

12. The sum of all real roots of the equation  $|x-3|^2 + |x-3| - 2 = 0$  is

- (a) 2
- (b) 3
- (c) 4
- (d) 6

13. यह दिवा गणा है कि समीकरण

$$x^2 - 4x - \log_3 P = 0$$

के यून वास्तविक हैं। इसके लिए  $P$  का न्यूनतम मान क्या है?

(a)  $\frac{1}{27}$

(b)  $\frac{1}{64}$

(c)  $\frac{1}{81}$

(d) 1

14. यदि  $A$  एक चरे आवृत्त है, तो  $\text{adj } A^T = (\text{adj } A)^T$  का मान किसके बराबर है?

(a)  $A$

(b)  $2 |A| I$ , जहाँ  $I$  लघुसक आवृत्त है

(c) यून आवृत्त, जिसकी कोटि (आर्डिट) चरी है जो  $A$  की है

(d) एकलक अवृत्त, जिसकी कोटि (आर्डिट) चरी है जो  $A$  की है

15. युग्मांक

$$6^{\frac{1}{2}} \times 6^{\frac{1}{4}} \times 6^{\frac{1}{8}} \times 6^{\frac{1}{16}} \times \dots$$

का मान क्या है?

(a) 6

(b) 36

(c) 216

(d) 512

16.  $\theta$  के सभी मानों के लिए समान्तर

$$\begin{vmatrix} \cos^2 \frac{\theta}{2} & \sin^2 \frac{\theta}{2} \\ \sin^2 \frac{\theta}{2} & \cos^2 \frac{\theta}{2} \end{vmatrix}$$

का मान क्या है?

(a) 1

(b)  $\cos \theta$

(c)  $\sin \theta$

(d)  $\cos 2\theta$

17. सरलीकरण के बारे  $[x + a]^{100} + [x - a]^{100}$  के प्रश्न में यदि  $a$  की संख्या भिन्नी है?

(a) 202

(b) 101

(c) 51

(d) 50

18.  $(1 + x)^{50}$  के प्रश्न में  $x$  के विशेष वार्ता के युग्मांक का योगफल क्या है?

(a)  $2^{26}$

(b)  $2^{49}$

(c)  $2^{50}$

(d)  $2^{51}$

13. It is given that the roots of the equation  $x^2 - 4x - \log_3 P = 0$  are real. For this, the minimum value of  $P$  is

(a)  $\frac{1}{27}$

(b)  $\frac{1}{64}$

(c)  $\frac{1}{81}$

(d) 1

14. If  $A$  is a square matrix, then the value of  $\text{adj}(A^T) - (\text{adj}(A))^T$  is equal to

(a)  $A$

(b)  $2|\text{adj}(A)|I$ , where  $I$  is the identity matrix

(c) null matrix whose order is same as that of  $A$

(d) unit matrix whose order is same as that of  $A$

15. The value of the product

$6^{\frac{1}{2}} \times 6^{\frac{1}{4}} \times 6^{\frac{1}{8}} \times 6^{\frac{1}{16}} \times \dots$  up to infinite terms

is

(a) 6

(b) 36

(c) 216

(d) 512

16. The value of the determinant

$$\begin{vmatrix} \cos^2 \frac{\theta}{2} & \sin^2 \frac{\theta}{2} \\ \sin^2 \frac{\theta}{2} & \cos^2 \frac{\theta}{2} \end{vmatrix}$$

for all values of  $\theta$ , is

(a) 1

(b)  $\cos \theta$

(c)  $\sin \theta$

(d)  $\cos 2\theta$

17. The number of terms in the expansion of  $(x + a)^{100} + (x - a)^{100}$  after simplification is

(a) 202

(b) 101

(c) 51

(d) 50

18. In the expansion of  $(1+x)^{50}$ , the sum of the coefficients of odd powers of  $x$  is

(a)  $2^{25}$

(b)  $2^{49}$

(c)  $2^{50}$

(d)  $2^{51}$

19. यदि  $a, b, c$  गुण्यात्र वास्तविक संख्याएँ हैं, तो निम्नलिखित में का अनुरूप विकल्प भला है?

$$A = \begin{bmatrix} a & 0 & 0 \\ 0 & b & 0 \\ 0 & 0 & c \end{bmatrix}$$

$$(a) \begin{bmatrix} a^{-1} & 0 & 0 \\ 0 & b^{-1} & 0 \\ 0 & 0 & c^{-1} \end{bmatrix}$$

$$(b) \frac{1}{abc} \begin{bmatrix} a^{-1} & 0 & 0 \\ 0 & b^{-1} & 0 \\ 0 & 0 & c^{-1} \end{bmatrix}$$

$$(c) \frac{1}{abc} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$(d) \frac{1}{abc} \begin{bmatrix} a & 0 & 0 \\ 0 & b & 0 \\ 0 & 0 & c \end{bmatrix}$$

20. एक व्हील ने 4500 रोटों की गिरती रहती है। यह  $n$ th अधीन,  $n$ वें मिनट में जितने रोट गिरता है, यह सीधी रह संख्या  $a_n$  से बहाए गए है। यदि

$$a_1 = a_2 = a_3 = \dots = a_{10} = 150$$

और  $a_{10}, a_{11}, a_{12}, \dots$  AP में है, जिसका सार्व अंतर  $-2$  है, तो उसी रोटों की गिरते में जो किलोमीटर दूरी होगी?

(a) 24 किमी

(b) 34 किमी

(c) 125 किमी

(d) 135 किमी

21. मबले छोटा परायन गुणों का जोड़-जोड़ हो, जिसके लिए

$$\left(\frac{1+i}{1-i}\right)^n = 1$$

(a) 1

(b) 4

(c) 0

(d) 15

22. यदि उम समुदाय  $N \times N$  पर एक समाधि  $R$  इस प्रकार परिभिरुद्ध तो कि

$$(a, b) R (c, d) \Rightarrow a+d=b+c$$

तभी  $(a, b), (c, d) \in N \times N$  के लिए हो, तो यह समाधि

(a) केवल सममिति

(b) केवल सममिति और संश्लेषण

(c) द्वितीय समाधि

(d) केवल स्वतुल्य

23. यदि  $y = x + x^2 + x^3 + \dots$  अंतर यो ता, तो  $x < 1$  हो, तो यह में से जोड़-जोड़ सही है?

$$(a) x = \frac{y}{1+y}$$

$$(b) x = \frac{y}{1-y}$$

$$(c) x = \frac{1+y}{y}$$

$$(d) x = \frac{1-y}{y}$$

19. If  $a, b, c$  are non-zero real numbers, then the inverse of the matrix

$$A = \begin{bmatrix} a & 0 & 0 \\ 0 & b & 0 \\ 0 & 0 & c \end{bmatrix}$$

is equal to

(a)  $\begin{bmatrix} a^{-1} & 0 & 0 \\ 0 & b^{-1} & 0 \\ 0 & 0 & c^{-1} \end{bmatrix}$

(b)  $\frac{1}{abc} \begin{bmatrix} a^{-1} & 0 & 0 \\ 0 & b^{-1} & 0 \\ 0 & 0 & c^{-1} \end{bmatrix}$

(c)  $\frac{1}{abc} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

(d)  $\frac{1}{abc} \begin{bmatrix} a & 0 & 0 \\ 0 & b & 0 \\ 0 & 0 & c \end{bmatrix}$

20. A person is to count 4500 notes. Let  $a_n$  denote the number of notes he counts in the  $n$ th minute. If  $a_1 = a_2 = a_3 = \dots = a_{10} = 150$ , and  $a_{10}, a_{11}, a_{12}, \dots$  are in AP with the common difference -2, then the time taken by him to count all the notes is

- (a) 24 minutes  
 (b) 34 minutes  
 (c) 125 minutes  
 (d) 135 minutes

21. The smallest positive integer  $n$  for which

$$\left(\frac{1+i}{1-i}\right)^n = 1, \text{ is}$$

- (a) 1  
 (b) 4  
 (c) 8  
 (d) 16

22. If we define a relation  $R$  on the set  $N \times N$  as  $(a, b) R (c, d) \iff a+d = b+c$  for all  $(a, b), (c, d) \in N \times N$ , then the relation is

- (a) symmetric only  
 (b) symmetric and transitive only  
 (c) equivalence relation  
 (d) reflexive only

23. If  $y = x + x^2 + x^3 + \dots$  up to infinite terms where  $x < 1$ , then which one of the following is correct?

(a)  $x = \frac{y}{1+y}$

(b)  $x = \frac{y}{1-y}$

(c)  $x = \frac{1+y}{y}$

(d)  $x = \frac{1-y}{y}$

24. यदि  $\alpha$  और  $\beta$  समीकरण  $3x^2 + 2x + 1 = 0$  के मूल हैं, तो वह समीकरण, जिसके मूल  $\alpha + \beta^{-1}$  और  $\beta + \alpha^{-1}$  हैं, निम्नलिखित है?

- (a)  $3x^2 + 8x + 16 = 0$
- (b)  $3x^2 - 8x - 16 = 0$
- (c)  $3x^2 + 8x - 16 = 0$
- (d)  $x^2 + 8x + 16 = 0$

25.  $\frac{1}{\log_3 a} + \frac{1}{\log_3 a^2} + \frac{1}{\log_3 a^4} + \dots$  असेहा पार्टी तक का मान क्या है?

- (a)  $\log_a 9$
- (b) 0
- (c) 1
- (d)  $\log_a 3$

26. 16 लोगों के लिए एक चार फार्टी का प्रबन्ध किया जाता है जहाँ एक लोगों द्वारा के होने वाले आठ-आठ गुटियों का गणित जाती है। चार विभिन्न लोग एक विभेद उपर बैठना चाहते हैं और दो यात्रा अवधि दरसी तारक बैठना चाहते हैं। वे कितने प्रकार से बैठ सकते हैं?

- (a)  $24 \times 8! \times 8!$
- (b)  $(8!)^3$
- (c)  $210 \times 8! \times 8!$
- (d) 16!

27.  $k$  के किस मान के लिए समीकरण निकाय  $kx + y + z = 1$ ,  $x + ky + z = k$  और  $x + y + kz = k^2$  का घोटा हल नहीं है?

- (a) 0
- (b) 1
- (c) -1
- (d) -2

28. यदि

$$1 \cdot 3 + 2 \cdot 3^2 + 3 \cdot 3^3 + \dots + n \cdot 3^n = \frac{(2n-1)3^{n+1} + b}{4}$$

- है, तो  $a$  और  $b$  क्रमशः क्या हैं?
- (a)  $n, 2$
  - (b)  $n, 3$
  - (c)  $n+1, 2$
  - (d)  $n+1, 3$

29.  $\triangle PQR$  में,  $\angle R = \frac{\pi}{2}$  है। यदि  $\tan\left(\frac{P}{2}\right)$  और  $\tan\left(\frac{Q}{2}\right)$  समीकरण  $ax^2 + bx + c = 0$  के मूल हैं, तो निम्न में से कौन-सा सही है?

- (a)  $a = b + c$
- (b)  $b = c + a$
- (c)  $c = a + b$
- (d)  $b = c$

30. यदि  $\left|z - \frac{a}{z}\right| = 2$  है, तो  $|z|$  का अधिकतम मान किसके बराबर है?

- (a)  $1 + \sqrt{3}$
- (b)  $1 + \sqrt{5}$
- (c)  $1 - \sqrt{5}$
- (d)  $\sqrt{5} - 1$

24. If  $\alpha$  and  $\beta$  are the roots of the equation  $3x^2 + 2x + 1 = 0$ , then the equation whose roots are  $\alpha + \beta^{-1}$  and  $\beta + \alpha^{-1}$  is

- (a)  $3x^2 + 8x + 16 = 0$
- (b)  $3x^2 - 8x - 16 = 0$
- (c)  $3x^2 + 8x - 16 = 0$
- (d)  $x^2 + 8x + 16 = 0$

25. The value of

$$\frac{1}{\log_3 e} + \frac{1}{\log_3 e^2} + \frac{1}{\log_3 e^3} + \dots \text{ up to infinite terms}$$

- (a)  $\log_e 9$
- (b) 0
- (c) 1
- (d)  $\log_e 3$

26. A tea party is arranged for 16 people along two sides of a long table with eight chairs on each side. Four particular men wish to sit on one particular side and two particular men on the other side. The number of ways they can be seated is

- (a)  $24 \times 8! \times 8!$
- (b)  $(8!)^3$
- (c)  $210 \times 8! \times 8!$
- (d)  $16!$

27. The system of equations  $kx + y + z = 1$ ,  $x + ky + z = k$  and  $x + y + kz = k^2$  has no solution if  $k$  equals

- (a) 0
- (b) 1
- (c) -1
- (d) -2

28. If

$$1 \cdot 3 + 2 \cdot 3^2 + 3 \cdot 3^3 + \dots + n \cdot 3^n = \frac{(2n-1)3^{n+1}-b}{4}$$

then  $a$  and  $b$  are respectively

- (a)  $n, 2$
- (b)  $n, 3$
- (c)  $n+1, 2$
- (d)  $n+1, 3$

29. In  $\triangle PQR$ ,  $\angle R = \frac{\pi}{2}$ . If  $\tan\left(\frac{P}{2}\right)$  and  $\tan\left(\frac{Q}{2}\right)$  are the roots of the equation  $ax^2 + bx + c = 0$ , then which one of the following is correct?

- (a)  $a = b + c$
- (b)  $b = c + a$
- (c)  $c = a + b$
- (d)  $b = c$

30. If  $\left|z - \frac{4}{z}\right| = 2$ , then the maximum value of  $|z|$  is equal to

- (a)  $1 + \sqrt{3}$
- (b)  $1 + \sqrt{5}$
- (c)  $1 - \sqrt{5}$
- (d)  $\sqrt{5} - 1$

31. किसी झील के 25 m ऊपर स्थित एक धनु से एक मिना बादल का उत्तम लोग 15° है और झील से इसके प्रतिक्रिया वा अवश्यक लोग 45° है। झील की ऊंचाई से ऊपर बादल को जैलर्ड कहते हैं।

- (a) 25 m
- (b)  $25\sqrt{3}$  m
- (c) 50 m
- (d)  $50\sqrt{3}$  m

32.  $\tan 9^\circ - \tan 27^\circ + \tan 63^\circ - \tan 81^\circ$  का मान जिसके बारे में है?

- (a) -1
- (b) 0
- (c) 1
- (d) 4

33.  $\sqrt{3} \operatorname{cosec} 20^\circ - \sec 20^\circ$  का मान जिसके बारे में है?

- (a) 4
- (b) 2
- (c) 1
- (d) -4

34. बीज  $a$  और भागी  $A$  और  $B$  में दो प्रकार विभाजित किया जाता है तो  $A : B = p : q$  और  $\tan A : \tan B = p : q$  है।  $\sin x$  का मान जिसके बारे में है?

- (a)  $\frac{(p+q) \sin x}{p+q}$
- (b)  $\frac{p \sin x}{p+q}$
- (c)  $\frac{p \sin x}{p-q}$
- (d)  $\frac{(p-q) \sin x}{p+q}$

35.  $\sin^{-1}\left(\frac{3}{5}\right) + \tan^{-1}\left(\frac{1}{7}\right)$  का मान जिसके बारे में है?

- (a) 0
- (b)  $\frac{\pi}{4}$
- (c)  $\frac{\pi}{3}$
- (d)  $\frac{\pi}{2}$

36. एक खामों के शीर्ष और चाप से एक टाका के शीर्ष के उत्तरवर्ण छोड़ द्यता  $30^\circ$  और  $45^\circ$  है। यदि टाका की ऊंचाई  $h_T$  है और खामों की ऊंचाई  $h_P$  है, तो मिन्ने से जौन-से दूरी है।

1.  $\frac{2h_P h_T}{3 + \sqrt{3}} = h_P^2$
2.  $\frac{h_T - h_P}{\sqrt{3} + 1} = \frac{h_P}{2}$
3.  $\frac{2(h_P + h_T)}{h_P} = 4 + \sqrt{3}$

नीचे दिए गए चुनौतियों वाले सभी उत्तर चुनिए।

- (a) केवल 1 और 3
- (b) केवल 2 और 3
- (c) केवल 1 और 2
- (d) 1, 2 और 3.

31. The angle of elevation of a stationary cloud from a point 25 m above a lake is  $45^\circ$  and the angle of depression of its image in the lake is  $45^\circ$ . The height of the cloud above the lake level is

- (a) 25 m
- (b)  $25\sqrt{3}$  m
- (c) 50 m
- (d)  $50\sqrt{3}$  m

32. The value of

$$\tan 9^\circ - \tan 27^\circ - \tan 63^\circ + \tan 81^\circ$$

is equal to

- (a) -1
- (b) 0
- (c) 1
- (d) 4

33. The value of  $\sqrt{3} \csc 20^\circ - \sec 20^\circ$  is equal to

- (a) 4
- (b) 2
- (c) 1
- (d) -4

34. Angle  $\alpha$  is divided into two parts  $A$  and  $B$  such that  $A-B=x$  and  $\tan A : \tan B = p : q$ . The value of  $\sin x$  is equal to

- |                                   |                                   |
|-----------------------------------|-----------------------------------|
| (a) $\frac{(p+q)\sin\alpha}{p-q}$ | (b) $\frac{p\sin\alpha}{p+q}$     |
| (c) $\frac{p\sin\alpha}{p-q}$     | (d) $\frac{(p-q)\sin\alpha}{p+q}$ |

35. The value of

$$\sin^{-1}\left(\frac{3}{5}\right) + \tan^{-1}\left(\frac{1}{7}\right)$$

is equal to

- |                     |                     |
|---------------------|---------------------|
| (a) 0               | (b) $\frac{\pi}{4}$ |
| (c) $\frac{\pi}{3}$ | (d) $\frac{\pi}{2}$ |

36. The angles of elevation of the top of a tower from the top and foot of a pole are respectively  $30^\circ$  and  $45^\circ$ . If  $h_T$  is the height of the tower and  $h_P$  is the height of the pole, then which of the following are correct?

1.  $\frac{2h_P h_T}{3 + \sqrt{3}} = h_P^2$
2.  $\frac{h_T - h_P}{\sqrt{3} + 1} = \frac{h_P}{2}$
3.  $\frac{2(h_P + h_T)}{h_P} = 4 + \sqrt{3}$

Select the correct answer using the code given below.

- (a) 1 and 3 only
- (b) 2 and 3 only
- (c) 1 and 2 only
- (d) 1, 2 and 3

37. एक त्रिभुज ABC में  $a - 2b + c = 0$  है।  
 $\cot\left(\frac{A}{2}\right)\cot\left(\frac{C}{2}\right)$  का मान क्या है?

- (a)  $\frac{9}{2}$
- (b) 3
- (c)  $\frac{3}{2}$
- (d) 1

38.  $\sqrt{1 - \sin A} = -\left(\sin\frac{A}{2} + \cos\frac{A}{2}\right)$  सही है यदि

- (a)  $\frac{3\pi}{2} < A < \frac{5\pi}{2}$
- (b)  $\frac{\pi}{2} < A < \frac{3\pi}{2}$
- (c)  $\frac{3\pi}{2} < A < \frac{7\pi}{2}$
- (d)  $0 < A < \frac{3\pi}{2}$

39. त्रिभुज ABC में यदि

$$\frac{\sin^2 A + \sin^2 B + \sin^2 C}{\cos^2 A + \cos^2 B + \cos^2 C} = 2$$

- हो, तो यह त्रिभुज किस प्रकार का है?
- (a) उपर्युक्त
  - (b) अस्पृश्य
  - (c) समद्विभाग
  - (d) अधिक अस्पृश्य

40.  $\sin^{-1} x$  का मुख्य मान किस अंतराल में होता है?

- (a)  $\left(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right)$
- (b)  $\left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$
- (c)  $\left[0, \frac{\pi}{2}\right]$
- (d)  $[0, \pi]$

41. निम्नलिखित (a), (b), (c), (d) और (ab), (b<sup>2</sup>) में

- (a) एक समान चतुर्भुज के शीर्ष हैं
- (b) एक आयत के शीर्ष हिन्दु
- (c) एक त्रिभुज के शीर्ष हिन्दु
- (d) सर्वथा

42. घुरफिलू (अधिकारी) से जगतला  $x + 2y - 2z = 9$  पर  
 अधिकारी की सम्बाहु निकाल करावार है।

- (a) 2 चूमिट
- (b) 3 चूमिट
- (c) 4 चूमिट
- (d) 5 चूमिट

37. In a triangle  $ABC$ ,  $a - 2b + c = 0$ .  
The value of  $\cot\left(\frac{A}{2}\right)\cot\left(\frac{C}{2}\right)$  is

- (a)  $\frac{9}{2}$
- (b) 3
- (c)  $\frac{3}{2}$
- (d) 1

38.  $\sqrt{1 + \sin A} = -\left(\sin\frac{A}{2} + \cos\frac{A}{2}\right)$  is true if

- (a)  $\frac{3\pi}{2} < A < \frac{5\pi}{2}$  only
- (b)  $\frac{\pi}{2} < A < \frac{3\pi}{2}$  only
- (c)  $\frac{3\pi}{2} < A < \frac{7\pi}{2}$
- (d)  $0 < A < \frac{3\pi}{2}$

39. In triangle  $ABC$ , if

$$\frac{\sin^2 A + \sin^2 B + \sin^2 C}{\cos^2 A + \cos^2 B + \cos^2 C} = 2$$

then the triangle is

- (a) right-angled
- (b) equilateral
- (c) isosceles
- (d) obtuse-angled

40. The principal value of  $\sin^{-1} x$  lies in the interval

- (a)  $\left(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right)$
- (b)  $\left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$
- (c)  $\left[0, \frac{\pi}{2}\right]$
- (d)  $[0, \pi]$

41. The points  $(a, b)$ ,  $(0, 0)$ ,  $(-a, -b)$  and  $(ab, b^2)$  are

- (a) the vertices of a parallelogram
- (b) the vertices of a rectangle
- (c) the vertices of a square
- (d) collinear

42. The length of the normal from origin to the plane  $x + 2y - 2z = 9$  is equal to

- (a) 2 units
- (b) 3 units
- (c) 4 units
- (d) 5 units

43. यदि  $\alpha$ ,  $\beta$  और  $\gamma$  के खोले हैं जो सर्विंग  $\overrightarrow{OP}$  ( $O$  गुण-  
किन्तु है) निर्देशक असी जी एवायम् दिशा के साथ  
बनाता है, तो निम्न में से कौन-से सही है?

- (1)  $\cos^2 \alpha + \cos^2 \beta = \sin^2 \gamma$
- (2)  $\sin^2 \alpha + \sin^2 \beta + \cos^2 \gamma$
- (3)  $\sin^2 \alpha + \sin^2 \beta + \sin^2 \gamma = 2$

चौथे लिंग गण का प्रयोग कर सही उत्तर चुनिए।

- (a) उपर्युक्त 1 और 2
- (b) उपर्युक्त 2 और 3
- (c) उपर्युक्त 1 और 3
- (d) 1, 2 और 3

44. दो रेखाएँ  $x + y - 3 = 0$  और  $x - y + 3 = 0$  के बीच  
एक अंतर्वर्ती दूरी देखायी  $x - \sqrt{3}y + 2\sqrt{3} = 0$   
और  $\sqrt{3}x - y + 1 = 0$  के बीच जो अनुक्रोधीय है।  
निम्न में से कौन-सा सही है?

- |                      |                       |
|----------------------|-----------------------|
| (a) $\alpha = \beta$ | (b) $\alpha > \beta$  |
| (c) $\alpha < \beta$ | (d) $\alpha = 2\beta$ |

45. यदि सर्विंग  $\vec{\alpha} = i + 2j - k$ ,  $\vec{\beta} = 2i - j + 3k$  और  
 $\vec{\gamma} = 2i + j + 6k$  तो निम्न सहित है: यदि  $\vec{\alpha}$  और  $\vec{\beta}$  दोनों  
समिक्षा  $\vec{\delta}$  पर लाभ है तथा  $\vec{\delta} \cdot \vec{\gamma} = 10$  है, तो  $\vec{\delta}$  का  
पौराणक तथा है?

- (a)  $\sqrt{3}$  यूनिट
- (b)  $2\sqrt{3}$  यूनिट
- (c)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$  यूनिट
- (d)  $\frac{1}{\sqrt{3}}$  यूनिट

46. यदि  $a$  और  $b$  की समान वालिया है, तो सहित  
 $(a + b) \times (a \times b)$  किसके समान है?

- (a)  $(a - b)$
- (b)  $(a + b)$
- (c)  $(2a - b)$
- (d)  $(2a + b)$

47. किसी तथा जो किन्तु  $A(i + 2j - 3k)$  से भिन्न  
 $B(3i - j + 5k)$  एक नियमावधि तथा के लिए उत्तर  
का  $\vec{P} = i + 3j + 2k$  का प्रयोग किया जाता है। उत्तर  
इस तथा तात्पर्य का क्या विकल्प होता है?

- (a) 5 यूनिट
- (b) 7 यूनिट
- (c) 9 यूनिट
- (d) 10 यूनिट

48. किसी सर्विंग तर्फ के लिए

$$|\vec{\alpha} \times \vec{i}|^2 + |\vec{\alpha} \times \vec{j}|^2 + |\vec{\alpha} \times \vec{k}|^2$$

तितके बराबर है?

- (a)  $|\vec{\alpha}|^2$
- (b)  $2|\vec{\alpha}|^2$
- (c)  $3|\vec{\alpha}|^2$
- (d)  $4|\vec{\alpha}|^2$

43. If  $\alpha$ ,  $\beta$  and  $\gamma$  are the angles which the vector  $\vec{OP}$  ( $O$  being the origin) makes with positive direction of the coordinate axes, then which of the following are correct?

1.  $\cos^2 \alpha + \cos^2 \beta = \sin^2 \gamma$
2.  $\sin^2 \alpha + \sin^2 \beta = \cos^2 \gamma$
3.  $\sin^2 \alpha + \sin^2 \beta + \sin^2 \gamma = 2$

Select the correct answer using the code given below.

- (a) 1 and 2 only
- (b) 2 and 3 only
- (c) 1 and 3 only
- (d) 1, 2 and 3

44. The angle between the lines  $x+y=3=0$  and  $x-y+3=0$  is  $\alpha$  and the acute angle between the lines  $x-\sqrt{3}y+2\sqrt{3}=0$  and  $\sqrt{3}x-y+1=0$  is  $\beta$ . Which one of the following is correct?

- (a)  $\alpha = \beta$
- (b)  $\alpha > \beta$
- (c)  $\alpha < \beta$
- (d)  $\alpha = 2\beta$

45. Let  $\vec{\alpha} = \vec{i} + 2\vec{j} - \vec{k}$ ,  $\vec{\beta} = 2\vec{i} - \vec{j} + 3\vec{k}$  and  $\vec{\gamma} = 2\vec{i} + \vec{j} + 6\vec{k}$  be three vectors. If  $\vec{\alpha}$  and  $\vec{\beta}$  are both perpendicular to the vector  $\vec{\delta}$  and  $\vec{\delta} \cdot \vec{\gamma} = 10$ , then what is the magnitude of  $\vec{\delta}$ ?

- (a)  $\sqrt{3}$  units
- (b)  $2/\sqrt{3}$  units
- (c)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$  unit
- (d)  $\frac{1}{\sqrt{3}}$  unit

46. If  $\vec{a}$  and  $\vec{b}$  are two unit vectors, then the vector  $(\vec{a} + \vec{b}) \times (\vec{a} \times \vec{b})$  is parallel to

- (a)  $(\vec{a} - \vec{b})$
- (b)  $(\vec{a} + \vec{b})$
- (c)  $(2\vec{a} - \vec{b})$
- (d)  $(2\vec{a} + \vec{b})$

47. A force  $\vec{F} = \vec{i} + 3\vec{j} - 2\vec{k}$  acts on a particle to displace it from the point  $A(\vec{i} + 2\vec{j} - 3\vec{k})$  to the point  $B(3\vec{i} - \vec{j} + 5\vec{k})$ . The work done by the force will be

- (a) 5 units
- (b) 7 units
- (c) 9 units
- (d) 10 units

48. For any vector  $\vec{a}$

$$|\vec{a} \times \vec{i}|^2 + |\vec{a} \times \vec{j}|^2 + |\vec{a} \times \vec{k}|^2$$

is equal to

- (a)  $|\vec{a}|^2$
- (b)  $2|\vec{a}|^2$
- (c)  $3|\vec{a}|^2$
- (d)  $4|\vec{a}|^2$

49. रेत-कोर्ने के चारों ओर ढौड़ता हुआ एक व्यक्ति उह पासा है जिसे चालाका-स्ट्रेम्बो की डस्ट सुरक्षा का खोजकल मार्ग 10 m है और दोनों प्रदाना-स्ट्रेम्बो के बीच की दूरी 8 m है। उसके पापा खोजकल एवं का खोजकल किसका है?

- (a)  $18\pi$  की मीटर
- (b)  $15\pi$  की मीटर
- (c)  $12\pi$  की मीटर
- (d)  $8\pi$  की मीटर

50. बिन्दु (1, 3) की ऐका  $2x + 3y = 6$  से दूरी, जो ऐका  $4x + y = 4$  के समाना जापी गई है, कितनी है?

- (a)  $\frac{5}{\sqrt{13}}$  मीटर
- (b)  $\frac{3}{\sqrt{17}}$  मीटर
- (c)  $\sqrt{17}$  मीटर
- (d)  $\frac{\sqrt{17}}{2}$  मीटर

51. यदि संविधा  $ai + jb + kc$ ,  $i + bj + kc$  व भी  $i + jb + ck$   
( $a, b, c \neq 0$ ) समतुल्य हैं, तो

$$\frac{1}{1-a} + \frac{1}{1-b} + \frac{1}{1-c}$$

उन मान किसके बराबर हैं?

- (a) 0
- (b) 1
- (c)  $a + b + c$
- (d)  $abc$

52. बिन्दुओं  $(-3, 4, -8)$  और  $(5, -6, 4)$  को जोड़ने वाली रेखा का XY-प्लान से परिच्छेद-बिन्दु कीमत का है?

- (a)  $\left(\frac{7}{3}, -\frac{8}{3}, 0\right)$
- (b)  $\left(-\frac{7}{3}, -\frac{8}{3}, 0\right)$
- (c)  $\left(-\frac{7}{3}, \frac{8}{3}, 0\right)$

$$(d) \left(\frac{7}{3}, \frac{8}{3}, 0\right)$$

53. यदि शाखा, विनके विक-अनुपात  $(2, -1, 2)$  और  $(x, 3, 5)$  हैं, के बीच का कोण  $\frac{\pi}{4}$  है, तो  $x$  का समान अनुपात ज्ञात है?

- (a) 52
- (b) 4
- (c) 2
- (d) 1

54. दीर्घतम  $2x^2 + 7y^2 = 20$  के बायें बिन्दु (1, 2) की स्थिति है?

- (a) दीर्घाका के बाहर
- (b) दीर्घाका के अंदर, बिन्दु कोकल पर नहीं
- (c) दीर्घाका पर
- (d) कोकल पर

49. A man running round a racecourse notes that the sum of the distances of two flag-posts from him is always 10 m and the distance between the flag-posts is 8 m. The area of the path he encloses is

- (a)  $18\pi$  square metres
- (b)  $15\pi$  square metres
- (c)  $12\pi$  square metres
- (d)  $8\pi$  square metres

50. The distance of the point  $(1, 3)$  from the line  $2x + 3y = 6$ , measured parallel to the line  $4x + y = 4$ , is

- (a)  $\frac{5}{\sqrt{17}}$  units
- (b)  $\frac{3}{\sqrt{17}}$  unit
- (c)  $\sqrt{17}$  units
- (d)  $\frac{\sqrt{17}}{2}$  units

51. If the vectors  $a\hat{i} + j\hat{j} + \hat{k}$ ,  $\hat{i} + b\hat{j} + \hat{k}$  and  $\hat{i} + j + c\hat{k}$  ( $a, b, c \neq 0$ ) are coplanar, then the value of

$$\frac{1}{1-a} + \frac{1}{1-b} + \frac{1}{1-c}$$

is equal to

- (a) 0
- (b) 1
- (c)  $a+b+c$
- (d)  $abc$

52. The point of intersection of the line joining the points  $(-3, 4, -8)$  and  $(5, -6, 4)$  with the  $XY$ -plane is

- (a)  $\left(\frac{7}{3}, -\frac{8}{3}, 0\right)$
- (b)  $\left(-\frac{7}{3}, -\frac{8}{3}, 0\right)$
- (c)  $\left(-\frac{7}{3}, \frac{8}{3}, 0\right)$
- (d)  $\left(\frac{7}{3}, \frac{8}{3}, 0\right)$

53. If the angle between the lines whose direction ratios are  $(2, -1, 2)$  and  $(x, 3, 5)$  is  $\frac{\pi}{6}$ , then the smaller value of  $x$  is

- (a) 52
- (b) 4
- (c) 2
- (d) 1

54. The position of the point  $(1, 2)$  relative to the ellipse  $2x^2 + 7y^2 = 20$  is

- (a) outside the ellipse
- (b) inside the ellipse but not at the focus
- (c) on the ellipse
- (d) at the focus

55. एक त्रिभुज ABC, जो x-अक्ष की अलांकरण विशा में 5 बूँदिट वाले अंतर्गत काटती है और x-अक्ष की अलांकरण विशा के साथ  $120^\circ$  का कोण बनाती है, तो समीकरण क्या है?

- (a)  $y + \sqrt{3}x + 5 = 0$
- (b)  $y - \sqrt{3}x + 5 = 0$
- (c)  $y + \sqrt{3}x - 5 = 0$
- (d)  $y - \sqrt{3}x - 5 = 0$

56. उस रेखा का समीकरण क्या है, जो निम्न (2, 3) और दिखायी 2x - 3y + 7 = 0 तथा 7x + 4y + 2 = 0 के प्रतिच्छेद-किन्तु में होकर गुरुकरी है?

- (a)  $21x + 46y - 180 = 0$
- (b)  $21x - 46y + 96 = 0$
- (c)  $46x + 21y - 155 = 0$
- (d)  $46x - 21y - 29 = 0$

57. उपर्युक्त तथा समीकरण क्या है, जिसका केन्द्र निम्न प्रतिच्छेद वाला, तथा अपने x-अक्ष के साथ, उन्नेक्षण  $\frac{3}{4}$  और दोहरा रेक्टम 4 बूँदिट है?

- (a)  $\frac{x^2}{1024} + \frac{7y^2}{64} = 1$
- (b)  $\frac{49x^2}{1024} + \frac{7y^2}{64} = 1$
- (c)  $\frac{7x^2}{1024} + \frac{49y^2}{64} = 1$
- (d)  $\frac{x^2}{1024} + \frac{y^2}{64} = 1$

58. यह त्रिभुज का समीकरण क्या है, जो निम्नलिखित (1, 0), (0, -6) और (3, 4) से होकर गुरुकरता है।

- (a)  $4x^2 + 4y^2 + 142x + 47y + 140 = 0$
- (b)  $4x^2 + 4y^2 - 142x - 47y + 138 = 0$
- (c)  $4x^2 + 4y^2 - 142x + 47y + 138 = 0$
- (d)  $4x^2 + 4y^2 + 150x - 49y + 138 = 0$

59. एक या समतल विस्तीर्ण नियन्त्रित किन्तु (a, b, c) से होकर गुरुकरता है और अपने को ऊपर A, B और C पर छाटता है। योगका OABC के केन्द्र का विन्दुपथ, जहाँ O निर्दिष्ट गृहाकिन्तु है, कौन-सा है?

- (a)  $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 1$
- (b)  $\frac{a}{x} + \frac{b}{y} + \frac{c}{z} = 1$
- (c)  $\frac{a}{x} + \frac{b}{y} + \frac{c}{z} = 2$
- (d)  $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 2$

60. उस समतल का समीकरण क्या है, जो समतलों  $x + y + z = 1$ ,  $2x + 3y + 4z = 7$  की उत्तिच्छेदन रेखा से होकर गुरुकरता है तथा समतल  $x - 5y + 3z = 5$  पर तथ्य है?

- (a)  $x + 2y + 3z - 6 = 0$
- (b)  $x + 2y + 3z + 6 = 0$
- (c)  $3x + 4y + 5z - 8 = 0$
- (d)  $3x + 4y + 5z + 8 = 0$

55. The equation of a straight line which cuts off an intercept of 5 units on negative direction of  $y$ -axis and makes an angle  $120^\circ$  with positive direction of  $x$ -axis is

- (a)  $y + \sqrt{3}x + 5 = 0$
- (b)  $y - \sqrt{3}x + 5 = 0$
- (c)  $y + \sqrt{3}x - 5 = 0$
- (d)  $y - \sqrt{3}x - 5 = 0$

56. The equation of the line passing through the point  $(2, 3)$  and the point of intersection of lines  $2x - 3y + 7 = 0$  and  $7x + 4y + 2 = 0$  is

- (a)  $21x + 46y - 180 = 0$
- (b)  $21x - 46y + 96 = 0$
- (c)  $46x + 21y - 155 = 0$
- (d)  $46x - 21y - 29 = 0$

57. The equation of the ellipse whose centre is at origin, major axis is along  $x$ -axis with eccentricity  $\frac{3}{4}$  and latus rectum 4 units is

- (a)  $\frac{x^2}{1024} + \frac{7y^2}{64} = 1$
- (b)  $\frac{49x^2}{1024} + \frac{7y^2}{64} = 1$
- (c)  $\frac{7x^2}{1024} + \frac{49y^2}{64} = 1$
- (d)  $\frac{x^2}{1024} + \frac{y^2}{64} = 1$

58. The equation of the circle which passes through the points  $(1, 0)$ ,  $(0, -6)$  and  $(3, 4)$  is

- (a)  $4x^2 + 4y^2 + 142x + 47y + 140 = 0$
- (b)  $4x^2 + 4y^2 - 142x - 47y + 138 = 0$
- (c)  $4x^2 + 4y^2 - 142x + 47y + 138 = 0$
- (d)  $4x^2 + 4y^2 + 150x - 49y + 138 = 0$

59. A variable plane passes through a fixed point  $(a, b, c)$  and cuts the axes in  $A$ ,  $B$  and  $C$  respectively. The locus of the centre of the sphere  $OABC$ ,  $O$  being the origin, is

- (a)  $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 1$
- (b)  $\frac{a}{x} + \frac{b}{y} + \frac{c}{z} = 1$
- (c)  $\frac{a}{x} + \frac{b}{y} + \frac{c}{z} = 2$
- (d)  $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 2$

60. The equation of the plane passing through the line of intersection of the planes  $x + y + z = 1$ ,  $2x + 3y + 4z = 7$ , and perpendicular to the plane  $x - 5y + 3z = 5$  is given by

- (a)  $x + 2y + 3z - 6 = 0$
- (b)  $x + 2y + 3z + 6 = 0$
- (c)  $3x + 4y + 5z - 8 = 0$
- (d)  $3x + 4y + 5z + 8 = 0$

61. फलन  $y = 5^{\ln x}$  का अविचार ज्ञात हो?

- (a)  $x = y^{\frac{1}{\ln 5}}, y > 0$
- (b)  $x = y^{\frac{1}{\ln 5}}, y > 0$
- (c)  $x = y^{\frac{1}{\ln 5}}, y < 0$
- (d)  $x = 5^{\ln y}, y > 0$

62. एक प्रस्तुति निम्नपूर्वक मिहीन है :

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x}{\sqrt{x^2}}, & x \neq 0 \\ 0, & x = 0 \end{cases}$$

उपर्युक्त फलन के संरचन में निम्नलिखित में से कोन-सा सही है?

- (a)  $f'(x), x = 0$  पर संतत है लिन्दु  $x = 0$  पर अवकलनीय नहीं है
- (b)  $f'(x), x = 0$  पर संतत होते हैं लाघवान अवकलनीय भी है
- (c)  $f'(x), x = 0$  पर असंतत है
- (d) उपर्युक्त में से कोई नहीं

63. यदि  $y = (\cos x)^{(\log x)^{(\cos x)}}$  है, तो  $\frac{dy}{dx}$  किसके बराबर है?

- (a)  $-\frac{y^2 \tan x}{1 - y \ln(\cos x)}$
- (b)  $\frac{y^2 \tan x}{1 - y \ln(\cos x)}$
- (c)  $\frac{y^2 \tan x}{1 - y \ln(\sin x)}$
- (d)  $-\frac{y^2 \sin x}{1 - y \ln(\sin x)}$

64. निम्नलिखित प्राकृतिक कोणिक :

- 1.  $x + x^2, x = 0$  पर संतत है
- 2.  $x + 606 \frac{1}{x}, x = 0$  पर असंतत है
- 3.  $x^2 + \cos \frac{1}{x}, x = 0$  पर संतत है

उपर्युक्त में से कोन-से सही है?

- (a) केवल 1 और 2
- (b) केवल 2 और 3
- (c) केवल 1 और 3
- (d) 1, 2 और 3

65. निम्नलिखित गलती पर विचार कीजिए :

- 1. यदि किसी लिन्दु पर  $\frac{dy}{dx}$ , उस लिन्दु का अवकलनीय होता है।
- 2. यदि  $\int f(t) dt + c$  उस काण के लिए जो प्रस्तुत करता है, तो  $\frac{de}{dt}$  उसी काण उस काण के अवकल की प्रस्तुत करता है।
- 3. यदि लगभग  $t$  पर किसी काण के विस्थापन जो प्रस्तुत करता है, तो  $\frac{de}{dt}$  उसी काण उस काण के अवकल की प्रस्तुत करता है।

उपर्युक्त में से कोन-सा/से कथन सही है/हैं?

- (a) केवल 1 और 2
- (b) केवल 2
- (c) केवल 1
- (d) 1, 2 और 3

61. The inverse of the function  $y = \sin x$  is

- (a)  $x = y^{\frac{1}{\ln 5}}$ ,  $y > 0$
- (b)  $x = y^{\ln 5}$ ,  $y > 0$
- (c)  $x = y^{\frac{1}{\ln 5}}$ ,  $y < 0$
- (d)  $x = 5 \ln y$ ,  $y > 0$

62. A function is defined as follows:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x}{\sqrt{x^2}}, & x \neq 0 \\ 0, & x = 0 \end{cases}$$

Which one of the following is correct in respect of the above function?

- (a)  $f(x)$  is continuous at  $x = 0$  but not differentiable at  $x = 0$
  - (b)  $f(x)$  is continuous as well as differentiable at  $x = 0$
  - (c)  $f(x)$  is discontinuous at  $x = 0$
  - (d) None of the above
63. If  $y = (\cos x)^{(\cos x)^{(\tan x)}}$ , then  $\frac{dy}{dx}$  is equal to

- (a)  $-\frac{y^2 \tan x}{1 - y \ln (\cos x)}$
- (b)  $\frac{y^2 \tan x}{1 + y \ln (\cos x)}$
- (c)  $\frac{y^2 \tan x}{1 - y \ln (\sin x)}$
- (d)  $\frac{y^2 \sin x}{1 + y \ln (\sin x)}$

64. Consider the following :

- 1.  $x + x^2$  is continuous at  $x = 0$
- 2.  $x + \cos \frac{1}{x}$  is discontinuous at  $x = 0$
- 3.  $x^2 + \cos \frac{1}{x}$  is continuous at  $x = 0$

Which of the above are correct?

- (a) 1 and 2 only
- (b) 2 and 3 only
- (c) 1 and 3 only
- (d) 1, 2 and 3

65. Consider the following statements :

- 1.  $\frac{dy}{dx}$  at a point on the curve gives slope of the tangent at that point.
- 2. If  $vn$  denotes acceleration of a particle, then  $\int v(t) dt + c$  gives velocity of the particle.
- 3. If  $s(t)$  gives displacement of a particle at time  $t$ , then  $\frac{ds}{dt}$  gives its acceleration at that instant.

Which of the above statements is/are correct?

- (a) 1 and 2 only
- (b) 2 only
- (c) 1 only
- (d) 1, 2 and 3

66. यदि  $y = \sec^{-1} \left( \frac{x+1}{x-1} \right) + \sin^{-1} \left( \frac{x-1}{x+1} \right)$  है, तो   
 $\frac{dy}{dx}$  किसके बराबर है?

(a) 0

(b) 1

(c)  $\frac{x-1}{x+1}$

(d)  $\frac{x+1}{x-1}$

67.  $\int \tan^{-1} (\sec x + \tan x) dx$  किसके बराबर है?

(a)  $\frac{\pi x}{4} + \frac{x^2}{4} + C$

(b)  $\frac{\pi x}{2} + \frac{x^2}{4} + C$

(c)  $\frac{\pi x}{4} + \frac{\pi x^2}{4} + C$

(d)  $\frac{\pi x}{4} - \frac{x^2}{4} + C$

68.  $(0, \infty)$  में एक फलन इस प्रकार निश्चित है :

$$f(x) = \begin{cases} 1-x^2 & , 0 < x \leq 1 \\ \ln x & , 1 < x \leq 2 \\ \ln 2 + 0.5x, & 2 < x < \infty \end{cases}$$

फलन के अधारतम अवयव  $f'(x)$  के संदर्भ में मिलन में कौन-सा सही है?

(a)  $f'(x) = 2x, 0 < x \leq 1$  के लिए

(b)  $f'(x) = -2x, 0 < x \leq 1$  के लिए

(c)  $f'(x) = -2x, 0 < x < 1$  के लिए

(d)  $f'(x) = 0, 0 < x < \infty$  के लिए

69. फलन  $f(x) = x(x-1)(x+1)$  के संदर्भ में निम्नलिखित में से कौन-सा सही है?

(a) साधारण अविकलन मात्र, साधारण व्युत्तम मात्र से अक्षर है

(b) साधारण अविकलन मात्र, साधारण व्युत्तम मात्र से अपेक्षित है

(c) फलन का कोई साधारण अविकलन नहीं है

(d) फलन का कोई साधारण व्युत्तम नहीं है

70. निम्नलिखित कथनों पर विचार कीजिए :

1.  $f(x)$  का अवकलन, किसी जिन्हे पर सम्बद्ध अस्तित्व में नहीं हो सकता है।

2.  $f(x)$  का अवकलन, किसी जिन्हे पर विविधता, अस्तित्व में हो सकता है।

3.  $f(x)$  का अवकलन, किसी जिन्हे पर अपरिमित (अविनियोग कथ में) हो सकता है।

उपर्युक्त में से कौन-सो कथन सही है?

(a) केवल 1 और 2

(b) केवल 2 और 3

(c) केवल 1 और 3

(d) 1, 2 और 3

71.  $\frac{\ln x}{x}$  का अविकलन बात क्या है?

(a)  $\pi$

(b)  $\frac{1}{e}$

(c)  $\frac{2}{e}$

(d) 1

66. If  $y = \sec^{-1}\left(\frac{x+1}{x-1}\right) + \sin^{-1}\left(\frac{x-1}{x+1}\right)$ , then

$\frac{dy}{dx}$  is equal to

(a) 0

(b) 1

(c)  $\frac{x-1}{x+1}$

(d)  $\frac{x+1}{x-1}$

67. What is  $\int \tan^{-1}(\sec x + \tan x) dx$  equal to?

(a)  $\frac{\pi x}{4} + \frac{x^2}{4} + c$

(b)  $\frac{\pi x}{2} + \frac{x^2}{4} + c$

(c)  $\frac{\pi x}{4} + \frac{\pi x^2}{4} + c$

(d)  $\frac{\pi x}{4} - \frac{x^2}{4} + c$

68. A function is defined in  $(0, \infty)$  by

$$f(x) = \begin{cases} 1-x^2 & \text{for } 0 < x \leq 1 \\ \ln x & \text{for } 1 < x \leq 2 \\ \ln 2 - 1 + 0.5x & \text{for } 2 < x < \infty \end{cases}$$

Which one of the following is correct in respect of the derivative of the function, i.e.,  $f'(x)$ ?

(a)  $f'(x) = 2x$  for  $0 < x \leq 1$

(b)  $f'(x) = -2x$  for  $0 < x \leq 1$

(c)  $f'(x) = -2x$  for  $0 < x < 1$

(d)  $f'(x) = 0$  for  $0 < x < \infty$

69. Which one of the following is correct in respect of the function

$f(x) = x(x-1)(x+1)^2$ ?

- (a) The local maximum value is larger than local minimum value
- (b) The local maximum value is smaller than local minimum value
- (c) The function has no local maximum
- (d) The function has no local minimum

70. Consider the following statements :

- 1. Derivative of  $f(x)$  may not exist at some point.
- 2. Derivative of  $f(x)$  may exist finitely at some point.
- 3. Derivative of  $f(x)$  may be infinite (geometrically) at some point

Which of the above statements are correct?

- (a) 1 and 2 only
- (b) 2 and 3 only
- (c) 1 and 3 only
- (d) 1, 2 and 3

71. The maximum value of  $\frac{\ln x}{x}$  is

(a)  $e$

(b)  $\frac{1}{e}$

(c)  $\frac{2}{e}$

(d) 1

72. फलन  $f(x) = |x| - x^2$  है

- (a) विषम
- (b) सम
- (c) सम और विषम दोनों
- (d) न ही सम, न ही विषम

73. यदि

$$I_1 = \frac{d}{dx} [e^{\sin x}]$$

$$I_2 = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{e^{\sin(x+h)} - e^{\sin x}}{h}$$

$$I_3 = \int e^{\sin x} \cos x dx$$

हो, तो निम्न में से जोन-सा सही है?

- (a)  $I_1 = I_2$
- (b)  $\frac{d}{dx}(I_2) = I_3$
- (c)  $\int I_3 dx = I_2$
- (d)  $I_2 = I_3$

74.  $\frac{dy}{dx} = \frac{ax+b}{by+k}$  का अधिक इतन एक चूत को केवल तब  
ही निरूपित करता है, जब

- (a)  $a = b = 0$
- (b)  $a = -b = 0$
- (c)  $a = b = 0, k = R$
- (d)  $a = b = 0$

75. यदि  $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-} \frac{\sin x}{x} = l$  और  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\cos x}{x} = m$  है, तो  
निम्न में से जोन-सा जही है?

- (a)  $l = 1, m = 1$
- (b)  $l = \frac{2}{\pi}, m = \infty$
- (c)  $l = \frac{2}{\pi}, m = 0$
- (d)  $l = 1, m = \infty$

76.  $\int_0^{2\pi} \sqrt{1 + \sin \frac{x}{2}} dx$  किसके बारे में?

- (a) 8
- (b) 4
- (c) 2
- (d) 0

77. यदि  $|x| + |y| = 1$  तो उसका क्षेत्रफल कितना है?

- (a) 1 वर्ग इकाई
- (b)  $2\sqrt{2}$  वर्ग इकाई
- (c) 2 वर्ग इकाई
- (d)  $2\sqrt{3}$  वर्ग इकाई

78. यदि  $x$  कोई वास्तविक संख्या है, तो निम्न  
अंतराल में  $\frac{x^2}{1+x^2}$  का मान है?

- (a)  $[0, 1]$
- (b)  $\left(0, \frac{1}{2}\right]$
- (c)  $\left(0, \frac{1}{2}\right)$
- (d)  $[0, 1]$

72. The function  $f(x) = |x| - x^3$  is

- (a) odd
- (b) even
- (c) both even and odd
- (d) neither even nor odd

73. If

$$l_1 = \frac{d}{dx} [e^{\sin x}]$$

$$l_2 = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{e^{\sin(x+h)} - e^{\sin x}}{h}$$

$$l_3 = \int e^{\sin x} \cos x \, dx$$

then which one of the following is correct?

- (a)  $l_1 = l_2$
- (b)  $\frac{d}{dx}(l_3) = l_2$
- (c)  $\int l_2 \, dx = l_3$
- (d)  $l_2 = l_3$

74. The general solution of

$$\frac{dy}{dx} = \frac{ax+b}{by+k}$$

represents a circle only when

- (a)  $a = b = 0$
- (b)  $a = -b \neq 0$
- (c)  $a = b \neq 0, b = k$
- (d)  $a = b \neq 0$

75. If  $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-} \frac{\sin x}{x} = l$  and  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\cos x}{x} = m$ , then

which one of the following is correct?

- (a)  $l = 1, m = 1$
- (b)  $l = \frac{2}{\pi}, m = \infty$
- (c)  $l = \frac{2}{\pi}, m = 0$
- (d)  $l = 1, m = \infty$

76. What is  $\int_0^{2\pi} \sqrt{1 - \sin \frac{x}{2}} \, dx$  equal to?

- (a) 8
- (b) 4
- (c) 2
- (d) 0

77. The area bounded by the curve  $|x| + |y| = 1$  is

- (a) 1 square unit
- (b)  $2\sqrt{2}$  square units
- (c) 2 square units
- (d)  $2/\sqrt{3}$  square units

78. If  $x$  is any real number, then  $\frac{x^2}{1+x^2}$  belongs to which one of the following intervals?

- (a)  $(0, 1)$
- (b)  $\left(0, \frac{1}{2}\right]$
- (c)  $\left(0, \frac{1}{2}\right)$
- (d)  $[0, 1]$

79.  $f(x) = |x| \sin(\pi x)$ , जहाँ  $x = k$  की वास्तविक अवकलनीय क्रम है, वहाँ  $k$  एक पूर्णांक है तो  $|x|$  महत्वम् पूर्णांक फलन है?

(a)  $(-1)^k (k-1)\pi$

(b)  $(-1)^{k+1} (k-1)\pi$

(c)  $(-1)^k k\pi$

(d)  $(-1)^{k+1} k\pi$

80. यदि  $f(x) = \frac{x}{2} - 1$  है, तो अंतराल  $[0, \pi]$  में निम्नलिखित में से कौन-सा सही है?

(a)  $\tan[f(x)]$ , जहाँ  $[-]$  महत्वम् पूर्णांक फलन है, और  $\frac{1}{f'(x)}$  दोनों असेवा है।

(b)  $\tan[f(x)]$ , जहाँ  $[-]$  महत्वम् पूर्णांक फलन है, और  $f^{-1}(x)$  दोनों सरल है।

(c)  $\tan[f(x)]$ , जहाँ  $[-]$  महत्वम् पूर्णांक फलन है, और  $\frac{1}{f'(x)}$  दोनों असेवा है।

(d)  $\tan[f(x)]$ , जहाँ  $[-]$  महत्वम् पूर्णांक फलन है, असेवा है, तिन्हुं  $\frac{1}{f'(x)}$  संपत है।

81. अवकल समीकरण

$$\left[ 1 + \left( \frac{dy}{dx} \right)^2 \right]^{\frac{3}{2}} = \theta^{-2} \left[ \frac{d^2 y}{dx^2} \right]^2$$

जहाँ कोटि और घात छापा है, तो?

(a) 3 और 2

(b) 2 और 2

(c) 2 और 3

(d) 1 और 3

82. यदि  $y = \cos^{-1} \left( \frac{2x}{1+x^2} \right)$  है, तो  $\frac{dy}{dx}$  बराबर क्या है?

(a)  $-\frac{2}{1+x^2}$ , यदि  $|x| < 1$  के लिए

(b)  $-\frac{2}{1+x^2}$ , यदि  $|x| > 1$  के लिए

(c)  $\frac{2}{1+x^2}$ , यदि  $|x| < 1$  के लिए

(d) असुन्दर है से कोई नहीं

83. उस सभी निन्दुओं का समुच्चय, जहाँ फलन  $f(x) = \sqrt{1 - e^{-x^2}}$  अवकलनीय है, कौन-सा है?

(a)  $[0, \infty)$

(b)  $(-\infty, \infty)$

(c)  $(-\infty, 0) \cup (0, \infty)$

(d)  $(-1, \infty)$

79. The left-hand derivative of

$$f(x) = \lfloor x \rfloor \sin(\pi x) \text{ at } x=k$$

where  $k$  is an integer and  $\lfloor x \rfloor$  is the greatest integer function, is

(a)  $(-1)^k(k-1)\pi$

(b)  $(-1)^{k+1}(k-1)\pi$

(c)  $(-1)^k k\pi$

(d)  $(-1)^{k+1} k\pi$

80. If  $f(x) = \frac{x}{2} - 1$ , then on the interval  $[0, \pi]$  which one of the following is correct?

(a)  $\tan[f(x)]$ , where  $\lfloor \cdot \rfloor$  is the greatest integer function, and  $\frac{1}{f(x)}$  are both continuous

(b)  $\tan[f(x)]$ , where  $\lfloor \cdot \rfloor$  is the greatest integer function, and  $f^{-1}(x)$  are both continuous

(c)  $\tan[f(x)]$ , where  $\lfloor \cdot \rfloor$  is the greatest integer function, and  $\frac{1}{f(x)}$  are both discontinuous

(d)  $\tan[f(x)]$ , where  $\lfloor \cdot \rfloor$  is the greatest integer function, is discontinuous but  $\frac{1}{f(x)}$  is continuous

81. The order and degree of the differential equation

$$\left[1 + \left(\frac{dy}{dx}\right)^2\right]^3 = \rho^2 \left[\frac{d^2y}{dx^2}\right]^2$$

are respectively

(a) 3 and 2

(b) 2 and 2

(c) 2 and 3

(d) 1 and 3

82. If  $y = \cos^{-1}\left(\frac{2x}{1+x^2}\right)$ , then  $\frac{dy}{dx}$  is equal to

(a)  $-\frac{2}{1+x^2}$  for all  $|x| < 1$

(b)  $-\frac{2}{1+x^2}$  for all  $|x| > 1$

(c)  $\frac{2}{1+x^2}$  for all  $|x| < 1$

(d) None of the above

83. The set of all points, where the function

$$f(x) = \sqrt{1-e^{-x^2}}$$

(a)  $[0, \infty)$

(b)  $(-\infty, \infty)$

(c)  $(-\infty, 0) \cup (0, \infty)$

(d)  $(-1, \infty)$

84. यदि निम्न की सूची-I के द्वारा समलिंग कीजिए और सूची-II के नीचे लिए गए कुट का प्रयोग कर यहाँ उत्तर दर्जिए :

सूची-I (कठन)	सूची-II (अधिकतम घटन)
A. $\sin x + \cos x$	1. $\sqrt{10}$
B. $3\sin x + 4\cos x$	2. $\sqrt{2}$
C. $2\sin x + \cos x$	3. 5
D. $\sin x + 3\cos x$	4. $\sqrt{5}$

उत्तर :

(a) A B C D  
2 3 1 4

(b) A B C D  
2 3 4 1

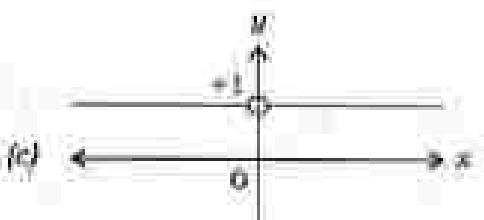
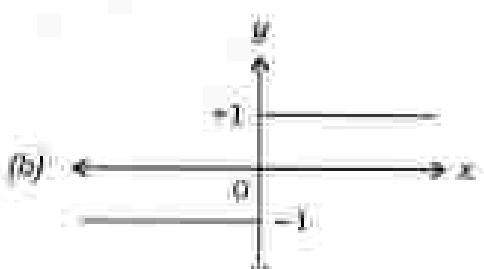
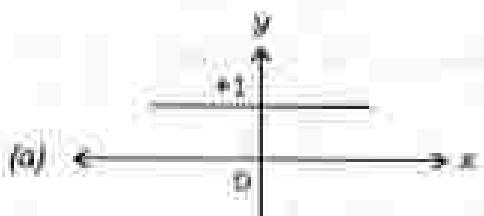
(c) A B C D  
3 2 1 4

(d) A B C D  
3 2 4 1

85. यदि  $f(x) = x(\sqrt{x} - \sqrt{x+1})$  है, तो  $f'(x)$

- (a)  $x = 0$  पर संतर है, इन्हें अवकलनीय नहीं है।
- (b)  $x = 0$  पर अवकलनीय है।
- (c)  $x = 0$  पर संतर नहीं है।
- (d) उपर्युक्त में से चाहे नहीं

86. निम्न में से कोन-सा ग्राफ़, फलन  $f(x) = \frac{x}{|x|}, x \neq 0$  को विस्तृप्त करता है?



(d) उपर्युक्त में से कोई नहीं

87. यदि लीबिए फल  $f(n) = \left[ \frac{1}{4} + \frac{n}{1000} \right]$  है, तभी  $|x|$ ,  $x$  के पूर्णांक विस्ते को विस्तृप्त करता है। उस दशा में  $\sum_{n=1}^{1000} f(n)$  का यान बता है।

- (a) 251
- (b) 250
- (c) 1
- (d) 0

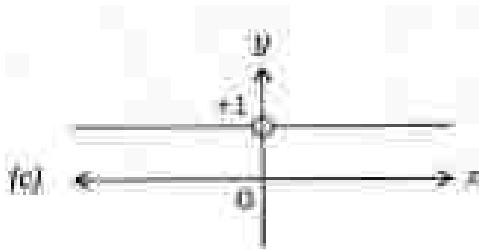
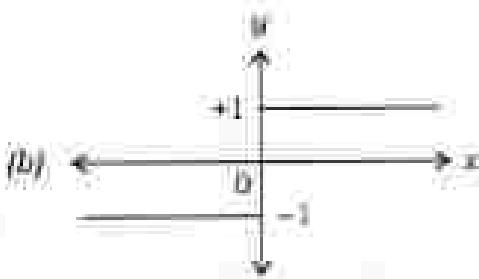
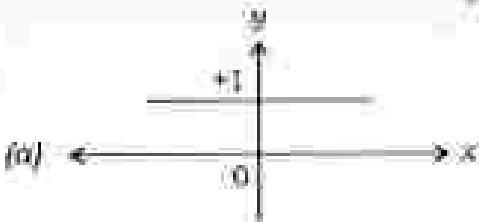
84. Match List-I with List-II and select the correct answer using the code given below the lists :

*List-I  
(Function)*

- A.  $\sin x + \cos x$       1.  $\sqrt{10}$
- B.  $3\sin x + 4\cos x$     2.  $\sqrt{2}$
- C.  $2\sin x + \cos x$     3. 5
- D.  $\sin x + 3\cos x$     4.  $\sqrt{5}$

*List-II  
(Maximum  
value)*

86. Which one of the following graphs represents the function  $f(x) = \frac{x}{x^2 - 1}$ ,  $x \neq 0$ ?



(d) None of the above

Code :

(a)	A	B	C	D
2	3	1	4	

(b)	A	B	C	D
2	3	4	1	

(c)	A	B	C	D
3	2	1	4	

(d)	A	B	C	D
3	2	4	1	

85. If  $f(x) = x(\sqrt{x} - \sqrt{x+1})$ , then  $f'(x)$  is

- (a) continuous but not differentiable at  $x=0$
- (b) differentiable at  $x=0$
- (c) not continuous at  $x=0$
- (d) None of the above

87. Let  $f(n) = \left[ \frac{1}{4} + \frac{n}{1000} \right]$ , where  $\{x\}$  denotes the integral part of  $x$ . Then the value of  $\sum_{n=1}^{1000} f(n)$  is

- |     |     |
|-----|-----|
| (a) | 251 |
| (b) | 250 |
| (c) | 1   |
| (d) | 0   |

88.  $\int (\ln x)^{-1} dx - \int (\ln x)^{-2} dx$  किसके बराबर है?

- (a)  $x(\ln x)^{-1} + c$
- (b)  $x(\ln x)^{-2} + c$
- (c)  $x(\ln x) + c$
- (d)  $x(\ln x)^2 + c$

89. एक भागु की चाक के पूरे यूर्धि को अवकल का अधीन नहर के बिना उड़ान चाले एक वेटारोफ्लू चार को निम्नत फ्रिंग चाला है। यदि चार की आमता अधिकतम रखनी है, तो चार का व्यास, जब वह ऊर्ध्वांश फ्रॉग रूप से होना चाहिए। इस इच्छा के अंतर्गत यहा है?

- (a) 1
- (b) 2
- (c) 3
- (d) 4

90.  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{\tan x} dx + \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{\cot x} dx$  का मान किसके बराबर है?

- (a)  $\frac{\pi}{4}$
- (b)  $\frac{\pi}{2}$
- (c)  $\frac{\pi}{2\sqrt{2}}$
- (d)  $\frac{\pi}{\sqrt{2}}$

91. यदि फ्रीरिंग  $g$  यहाँ पर्याप्त नहीं है। तब यह में फलन  $f(x) = (g(x))^2 - g(x^2)$  कही जाएगा है?

- (a) उभयं पूर्णित चार
- (b) 0 और 1 को छोड़कर सभी पूर्णित चार
- (c) 0 को छोड़कर सभी पूर्णित चार
- (d) 1 को छोड़कर सभी पूर्णित चार

92. समीकरण  $y = A[\sin(x+C) + \cos(x+C)]$  में स्वेच्छ अमर्ता  $A$  और  $C$  के नियमण (प्रिलेशन) में प्राप्त नियमाम तोहि का अवकल समीकरण खोज-मा है।

- (a)  $y'' + (\sin x + \cos x)y' = 1$
- (b)  $y'' = (\sin x + \cos x)y'$
- (c)  $y'' = (y')^2 - \sin x \cos x$
- (d)  $y'' + y = 0$

93. निम्नलिखित कथनों पर विचार भीरिएः

कथन I :

$x > \sin x$ , सभी  $x > 0$  के लिए

कथन II :

$f(x) = x - \sin x$  एक अविषय फलन है, सभी  $x > 0$  के लिए

उपर्युक्त कथनों के संबंध में निम्नलिखित में से जोन-सा चाही है?

- (a) कथन I और कथन II दोनों सही हैं, तथा कथन I का सही स्पष्टीकरण कथन II है
- (b) कथन I और कथन II दोनों सही हैं, तथा कथन II, कथन I का सही स्पष्टीकरण नहीं है
- (c) कथन I सही है, तिन्तु कथन II गलत है
- (d) कथन I गलत है, तिन्तु कथन II सही है

88.  $\int (\ln x)^{-1} dx - \int (\ln x)^{-2} dx$  is equal to

- (a)  $x(\ln x)^{-1} + c$
- (b)  $x(\ln x)^{-2} + c$
- (c)  $x(\ln x) + c$
- (d)  $x(\ln x)^2 + c$

89. A cylindrical jar without a lid has to be constructed using a given surface area of a metal sheet. If the capacity of the jar is to be maximum, then the diameter of the jar must be  $k$  times the height of the jar. The value of  $k$  is

- (a) 1
- (b) 2
- (c) 3
- (d) 4

90. The value of

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{\tan x} dx + \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{\cot x} dx$$

is equal to

- (a)  $\frac{\pi}{4}$
- (b)  $\frac{\pi}{2}$
- (c)  $\frac{\pi}{2\sqrt{2}}$
- (d)  $\frac{\pi}{\sqrt{2}}$

91. Let  $g$  be the greatest integer function. Then the function  $f(x) = (g(x))^2 - g(x)$  is discontinuous at

- (a) all integers
- (b) all integers except 0 and 1
- (c) all integers except 0
- (d) all integers except 1

92. The differential equation of minimum order by eliminating the arbitrary constants  $A$  and  $C$  in the equation  $y = A[\sin(x+C) + \cos(x+C)]$  is

- (a)  $y'' + (\sin x + \cos x)y' = 1$
- (b)  $y'' = (\sin x + \cos x)y'$
- (c)  $y'' = (y')^2 + \sin x \cos x$
- (d)  $y'' + y = 0$

93. Consider the following statements :

Statement I :

$$x > \sin x \text{ for all } x > 0$$

Statement II :

$$f(x) = x - \sin x \text{ is an increasing function for all } x > 0$$

Which one of the following is correct in respect of the above statements?

- (a) Both Statement I and Statement II are true and Statement II is the correct explanation of Statement I.
- (b) Both Statement I and Statement II are true and Statement II is not the correct explanation of Statement I.
- (c) Statement I is true but Statement II is false.
- (d) Statement I is false but Statement II is true.

94. *Solid State Physics*

$$\frac{dy}{dx} = \frac{y\psi'(x) - y^2}{\phi(x)}$$

四百三

- (a)  $y = \frac{x}{\Phi(x) + c}$

(b)  $y = \frac{\Phi(x)}{x} + c$

(c)  $y = \frac{\Phi(x) + c}{x}$

(d)  $y = \frac{\Phi(x)}{x + c}$

95. यदि  $f(x) = \frac{4x + x^4}{1 + 4x^3}$  तो  $y(x) = \ln\left(\frac{1+x}{1-x}\right)$  है।

३)  $f \circ g\left(\frac{c-1}{c+1}\right)$  का मान बिलकुल बराबर हो।

- (a) 2  
(b) 1  
(c) 0  
(d)  $\frac{1}{2}$

96. *entire*

$$\begin{vmatrix} 1-\alpha & \alpha-\alpha^2 & \alpha^2 \\ 1-\beta & \beta-\beta^2 & \beta^2 \\ 1-\gamma & \gamma-\gamma^2 & \gamma^2 \end{vmatrix}$$

### What is the answer?

- (a)  $(x - B)(B - y)(x - y)$   
 (b)  $(x - B)(B - y)(y - x)$   
 (c)  $(x - B)(B - y)(y - x)(x + B + y)$   
 (d) 0

97-30098

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 2 & 1 & 0 \\ 0 & 3 & 1 \end{bmatrix}$$

### REFERENCES AND NOTES

$$(2) \quad \begin{bmatrix} -1 & 6 & 2 \\ -2 & 1 & 4 \\ 6 & 3 & 4 \end{bmatrix}$$

$$(b) \begin{bmatrix} 1 & 6 & -2 \\ -2 & 1 & 4 \\ 6 & -3 & 1 \end{bmatrix}$$

**2**

$$(2) \begin{vmatrix} -6 & -12 & 1 \\ 4 & -2 & 1 \\ 3 & 1 & -6 \end{vmatrix}$$

98. यदि  $A = \begin{pmatrix} -2 & 2 \\ 2 & -2 \end{pmatrix}$  है, तो निम्न में से कौन-सा सती

- (a)  $A^2 = -2A$

(b)  $A^2 = -4A$

(c)  $A^2 = -3A$

(d)  $A^2 = 4A$

94. The solution of the differential equation

$$\frac{dy}{dx} = \frac{y\phi'(x) - y^2}{\phi(x)}$$

is

(a)  $y = \frac{x}{\phi(x) + c}$

(b)  $y = \frac{\phi(x)}{x} + c$

(c)  $y = \frac{\phi(x) + c}{x}$

(d)  $y = \frac{\phi(x)}{x + c}$

95. If  $f(x) = \frac{4x + x^4}{1 + 4x^2}$  and  $g(x) = \ln\left(\frac{1+x}{1-x}\right)$ ,

then what is the value of  $f \circ g\left(\frac{a-1}{a+1}\right)$   
equal to?

(a) 2

(b) 1

(c) 0

(d)  $\frac{1}{2}$

96. The value of the determinant

$$\begin{vmatrix} 1-\alpha & \alpha-\alpha^2 & \alpha^2 \\ 1-\beta & \beta-\beta^2 & \beta^2 \\ 1-\gamma & \gamma-\gamma^2 & \gamma^2 \end{vmatrix}$$

is equal to

(a)  $(\alpha-\beta)(\beta-\gamma)(\gamma-\alpha)$

(b)  $(\alpha-\beta)(\beta-\gamma)(\gamma-\alpha)$

(c)  $(\alpha-\beta)(\beta-\gamma)(\gamma-\alpha)(\alpha+\beta+\gamma)$

(d) 0

97. The adjoint of the matrix

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 2 & 1 & 0 \\ 0 & 3 & 1 \end{bmatrix}$$

is

(a)  $\begin{bmatrix} -1 & 6 & 2 \\ -2 & 1 & -4 \\ 6 & 3 & 1 \end{bmatrix}$

(b)  $\begin{bmatrix} 1 & 6 & -2 \\ -2 & 1 & 4 \\ 6 & -3 & 1 \end{bmatrix}$

(c)  $\begin{bmatrix} 6 & 1 & 2 \\ 4 & -1 & 2 \\ 6 & 3 & -1 \end{bmatrix}$

(d)  $\begin{bmatrix} -6 & 2 & 1 \\ 4 & -2 & 1 \\ 3 & 1 & -6 \end{bmatrix}$

98. If  $A = \begin{pmatrix} -2 & 2 \\ 2 & -2 \end{pmatrix}$ , then which one of the  
following is correct?

(a)  $A^2 = -2A$

(b)  $A^2 = -4A$

(c)  $A^2 = -3A$

(d)  $A^2 = 4A$

99.  $\operatorname{Re}(z^2 - i) = 2$ , जहाँ  $i = \sqrt{-1}$  है और  $\operatorname{Re}$  गास्ट्रिक अवा है, ज्यानितीय कम से कम लिखित करता है?

- (a) शून्य
- (b) दोपैदा
- (c) अप्रापकार असंभवताव
- (d) प्राप्तवाय

100. यदि  $p + q + r = a + b + c = 0$  है, तो अलगिक

$$\begin{vmatrix} pa & qb & rc \\ qc & ra & pb \\ rb & pc & qa \end{vmatrix}$$

किसके बाबा होता है?

- (a) 0
- (b) 1
- (c)  $pa + qb + rc$
- (d)  $pa + qb + rc + a + b + c$

101. दो पुस्ती और दो पहिलाओं के से चयन करके दो अचिन्तीय एक समिति बनाई गई है। समिति में प्रधार्षित: एक पहिला के होने की क्या प्राप्तिकरण है?

- (a)  $\frac{1}{6}$
- (b)  $\frac{2}{3}$
- (c)  $\frac{1}{3}$
- (d)  $\frac{1}{2}$

102. यदि लीनिंग कि एक पासे को इस तरकार भया जाता है कि सब फलकों पे आने की संभावना, तिथि फलकों के आने की संभावना मे दुगुनी है। जब यसे को केका जाता है, तो अभावम संकेता के आने की प्राप्तिकरण भया है?

- (a)  $\frac{1}{3}$
- (b)  $\frac{2}{3}$
- (c)  $\frac{4}{9}$
- (d)  $\frac{5}{9}$

103. यदि लीनिंग प्रतिवर्ष समसि 50 लक्ष बखेता धूम संस्कारकों से बना है, X ज्य संस्कारकों को निर्दिष्ट करता है और Y तिथि संस्कारकों को निर्दिष्ट करता है। निम्न मे से कौन-सा/से जही है?/?

1.  $P(X) = \frac{8}{25}$
2.  $P(Y) = \frac{1}{2}$

नीते द्वारा दृष्ट का प्रयोग कर भड़ी जाए दुनिया।

- (a) बेस्ट 1
- (b) बेस्ट 2
- (c) 1 और 2 बेस्ट
- (d) नहीं 1, नहीं 2

99. Geometrically  $\operatorname{Re}(z^2 - i) = 2$ , where  $i = \sqrt{-1}$  and  $\operatorname{Re}$  is the real part, represents

- (a) circle
- (b) ellipse
- (c) rectangular hyperbola
- (d) parabola

100. If  $p+q+r=a+b+c=0$ , then the determinant

$$\begin{vmatrix} pa & qb & rc \\ qc & ra & pb \\ rb & pc & qa \end{vmatrix}$$

equals

- (a) 0
- (b) 1
- (c)  $p(a) + q(b) + r(c)$
- (d)  $pa + qb + rc + a + b + c$

101. A committee of two persons is selected from two men and two women. The probability that the committee will have exactly one woman is

- (a)  $\frac{1}{6}$
- (b)  $\frac{2}{3}$
- (c)  $\frac{1}{2}$
- (d)  $\frac{1}{2}$

102. Let a die be loaded in such a way that even faces are twice likely to occur as the odd faces. What is the probability that a prime number will show up when the die is tossed?

- (a)  $\frac{1}{3}$
- (b)  $\frac{2}{3}$
- (c)  $\frac{4}{9}$
- (d)  $\frac{5}{9}$

103. Let the sample space consist of non-negative integers up to 50,  $X$  denote the numbers which are multiples of 3 and  $Y$  denote the odd numbers. Which of the following is/are correct?

- 1.  $P(X) = \frac{8}{25}$
- 2.  $P(Y) = \frac{1}{2}$

Select the correct answer using the code given below.

- (a) 1 only
- (b) 2 only
- (c) Both 1 and 2
- (d) Neither 1 nor 2

104. दो घटनाओं A और B के लिए यह दीखता है।  
 $P(A) = \frac{1}{2}$ ,  $P(A \cup B) = \frac{2}{3}$  और  $P(A \cap B) = \frac{1}{6}$   
 तो  $P(\bar{A} \cap \bar{B})$  किसके बराबर है?

(a)  $\frac{1}{6}$

(b)  $\frac{1}{4}$

(c)  $\frac{1}{3}$

(d)  $\frac{1}{2}$

105. विनियोगिता क्षमतों पर विचार कीजिए :

1. विचारण त्रुटी, जो के मामले की इकाई का लिए जाता है।
2. पारम (अन्य), वारेक्षण्य भी एक ग्रेड है।
3. मात्रव्य विचारण उच्च व्यवस्था होता है, जब मात्रिका दो जारी से मापित किया जाता है।

उपर्युक्त कथाओं में से कौन-से सही हैं?

(a) केवल 1 और 2

(b) केवल 2 और 3

(c) केवल 1 और 3

(d) 1, 2 और 3

106. दिया गया है कि 15 देशों के एक ग्रुपिंग के लामात माध्य और यसका विचारण व्यवस्था 24 और 0 है। अंकितों दो संख्याएँ छोटे पौरब वैकल्पिक का लामात माध्य विचारण से जौन-सा हैं?

(a) 0

(b) 8

(c) 16

(d) 24

107. निम्न में से कौन-सा  $x$  पर  $y$  के समाख्यण गुणांक और  $y$  पर  $x$  के समाख्यण गुणांक के बाबी का समुचित गुण सामाजिक गुणांक है?

(a) (1, 1)

(b) (-1, 1)

(c)  $\left(-\frac{1}{2}, -2\right)$

(d)  $\left(\frac{1}{3}, \frac{10}{3}\right)$

108. यदि दीखता है कि A और B दो घटनाएँ हैं, तिनके लिए  $P(A) = \frac{1}{3}$ ,  $P(B) = \frac{1}{6}$  और  $P(A \cap B) = \frac{1}{12}$  हैं।  $P(B|A)$  किसके बराबर है?

(a)  $\frac{1}{5}$

(b)  $\frac{1}{7}$

(c)  $\frac{1}{8}$

(d)  $\frac{1}{10}$

- 104.** For two events  $A$  and  $B$ , let  $P(A) = \frac{1}{2}$ ,  $P(A \cup B) = \frac{2}{3}$  and  $P(A \cap B) = \frac{1}{6}$ . What is  $P(\bar{A} \cap B)$  equal to?

(a)  $\frac{1}{6}$

(b)  $\frac{1}{4}$

(c)  $\frac{1}{3}$

(d)  $\frac{1}{2}$

- 105.** Consider the following statements :

1. Coefficient of variation depends on the unit of measurement of the variable.
2. Range is a measure of dispersion.
3. Mean deviation is least when measured about median.

Which of the above statements are correct?

(a) 1 and 2 only

(b) 2 and 3 only

(c) 1 and 3 only

(d) 1, 2 and 3

- 106.** Given that the arithmetic mean and standard deviation of a sample of 15 observations are 24 and 0 respectively. Then which one of the following is the arithmetic mean of the smallest five observations in the data?

(a) 0

(b) 8

(c) 16

(d) 24

- 107.** Which one of the following can be considered as appropriate pair of values of regression coefficient of  $y$  on  $x$  and regression coefficient of  $x$  on  $y$ ?

(a) (1, 3)

(b) (-1, 1)

(c)  $\left(-\frac{1}{2}, 2\right)$

(d)  $\left(\frac{1}{3}, \frac{10}{3}\right)$

- 108.** Let  $A$  and  $B$  be two events with  $P(A) = \frac{1}{3}$ ,  $P(B) = \frac{1}{6}$  and  $P(A \cap B) = \frac{1}{12}$ . What is  $P(B|\bar{A})$  equal to?

(a)  $\frac{1}{5}$

(b)  $\frac{1}{7}$

(c)  $\frac{1}{8}$

(d)  $\frac{1}{10}$

109. एक विद्युत बैंक में साधा  $\frac{2}{3}$  हो और प्रस्तुत  $\frac{5}{9}$  हो। तो जल की कमा प्राप्ति का है कि  $X = 2$  हो?

- (a)  $\frac{5}{36}$
- (b)  $\frac{25}{36}$
- (c)  $\frac{25}{216}$
- (d)  $\frac{25}{54}$

110. निम्नी बदलाव पर एक व्यापार के व्युत्तरता परीक्षा की प्राप्ति का  $\frac{1}{3}$  है। 5 व्यापारों में से कम-से-कम 4 व्यापारों के वही सुपरिक्षण परीक्षण की प्राप्ति का क्या होगा?

- (a)  $\frac{1}{243}$
- (b)  $\frac{10}{243}$
- (c)  $\frac{11}{243}$
- (d)  $\frac{13}{243}$

111. यह प्राप्ति का है कि लोन व्यक्तियों के एक समूह में से कम-से-कम दो अकिञ्चित एक भी महीने में फ्रेंड हुए थे (वर्त विरपेश)?

- (a)  $\frac{33}{144}$
- (b)  $\frac{17}{72}$
- (c)  $\frac{1}{144}$
- (d)  $\frac{2}{9}$

112. यह दिया गया है कि  $\bar{X} = 10$ ,  $\bar{Y} = 90$ ,  $\sigma_X = 2$ ,  $\sigma_Y = 12$  और  $r_{XY} = 0.8$  है।  $Y$  पर  $X$  का सार्वत्रिक समीकरण क्या होगा?

- (a)  $Y = 3.2X + 58$
- (b)  $X = 3.2Y + 58$
- (c)  $X = -8 + 0.2Y$
- (d)  $Y = -8 + 0.2X$

113. यदि  $P(B) = \frac{3}{4}$ ,  $P(A \cap B \cap C) = \frac{1}{3}$  और  $P(\bar{A} \cap B \cap \bar{C}) = \frac{1}{3}$  है, तो  $P(B \cap C)$  किसे बताया जाएगा?

- (a)  $\frac{1}{12}$
- (b)  $\frac{3}{4}$
- (c)  $\frac{1}{15}$
- (d)  $\frac{1}{9}$

114. निम्नलिखित वार्षिक में दो घौसों के सार्वत्रिक अवयव निम्न हैं:

वर्ष (₹ में)	घौसा A	घौसा B
बाजार	3,500	2,700
मध्यम	500	800
किंवद्दन	1,500	1,000
किंवद्दन	2,000	1,800
विविध	2,500	1,800

उपर्युक्त अवैक्षकी से उत्पादक बनामे के लिए, जिस में से किस एक अनुपात में तृतीय की विनाश्वास को उत्पन्न होगा?

- (a) 1 : 1
- (b) 10 : 9
- (c) 100 : 91
- (d) 5 : 4

**109.** In a binomial distribution, the mean is  $\frac{2}{3}$  and the variance is  $\frac{5}{9}$ . What is the probability that  $X = 2$ ?

- (a)  $\frac{5}{36}$
- (b)  $\frac{25}{36}$
- (c)  $\frac{25}{216}$
- (d)  $\frac{25}{54}$

**110.** The probability that a ship safely reaches a port is  $\frac{1}{3}$ . The probability that out of 5 ships, at least 4 ships would arrive safely is

- (a)  $\frac{1}{243}$
- (b)  $\frac{10}{243}$
- (c)  $\frac{11}{243}$
- (d)  $\frac{13}{243}$

**111.** What is the probability that at least two persons out of a group of three persons were born in the same month (disregard year)?

- (a)  $\frac{33}{144}$
- (b)  $\frac{17}{72}$
- (c)  $\frac{1}{144}$
- (d)  $\frac{2}{9}$

**112.** It is given that  $\bar{X} = 10$ ,  $\bar{Y} = 90$ ,  $\sigma_X = 3$ ,  $\sigma_Y = 12$  and  $r_{XY} = 0.8$ . The regression equation of  $X$  on  $Y$  is

- (a)  $Y = 3.2X + 58$
- (b)  $X = 3.2Y + 58$
- (c)  $X = -8 + 0.2Y$
- (d)  $Y = -8 + 0.2X$

**113.** If  $P(B) = \frac{3}{4}$ ,  $P(A \cap B \cap \bar{C}) = \frac{1}{3}$  and  $P(\bar{A} \cap B \cap \bar{C}) = \frac{1}{3}$ , then what is  $P(B \cap C)$  equal to?

- |                    |                   |
|--------------------|-------------------|
| (a) $\frac{1}{12}$ | (b) $\frac{3}{4}$ |
| (c) $\frac{1}{15}$ | (d) $\frac{1}{9}$ |

**114.** The following table gives the monthly expenditure of two families :

Items	Family A	Family B
Rent	3,500	2,700
Clothing	500	800
Rent	1,500	1,000
Education	2,000	1,800
Miscellaneous	2,500	1,800

In constructing a pie diagram to the above data, the radii of the circles are to be chosen by which one of the following ratios?

- (a) 1 : 1
- (b) 10 : 9
- (c) 100 : 91
- (d) 5 : 4

115. यदि प्रकृति के मान  $0, 1, 2, 3, \dots, n$  कम्पनी का वित्तीय है।

- $C(n, 1), C(n, 2), C(n, 3), \dots, C(n, n)$  के साथ प्राप्त हुए हैं, तो समांक साध्य ज्ञात होगा?
- (a)  $2n$
- (b)  $n+1$
- (c)  $n$
- (d)  $\frac{n}{2}$

116. एक असुविकल्पीय परीक्षा में एक परीक्षार्थी या उसी सही उत्तर ज्ञात है जिसकी प्रायिकता  $p$  है या असुविकल्पीय लगाता है जिसकी प्रायिकता  $1-p$  है। यदि वह केवल असुविकल्पीय है, तो प्रश्न का उत्तर सही होने की प्रायिकता  $\frac{1}{m}$  है। यदि परीक्षार्थी एक प्रश्न का उत्तर सही देता है, तो वह प्रायिकता क्या होगी कि उसे सबसे उत्तर जानका है?

- (a)  $\frac{mp}{1+mp}$
- (b)  $\frac{mp}{1+(m-1)p}$
- (c)  $\frac{(m-1)p}{1+(m-1)p}$
- (d)  $\frac{(m-1)p}{1+mp}$

117. यदि  $x_1$  और  $x_2$  एकाएक शरियाँ हैं, तो इनके समान्तर यात्रा और गुणीतर यात्रा के बीच चर अंतर 1 से अधिक होने का प्रतिक्रिया क्या होगा?

- (a)  $x_1 + x_2 > 2\sqrt{x_1 x_2}$
- (b)  $\sqrt{x_1} + \sqrt{x_2} > \sqrt{2}$
- (c)  $|\sqrt{x_1} - \sqrt{x_2}| > \sqrt{2}$
- (d)  $x_1 + x_2 < 2(\sqrt{x_1 x_2} + 1)$

118. विनियोगिता क्षमता का विचार कीजिए :

1. असाध, यूरोपियन परिवर्तन और अंतर्राष्ट्रीय परिवर्तन से आवाहित होता है।
2. इसाध यूरोप, अंतर्राष्ट्रीय सुनिश्चित से स्वतंत्र होता है।
- (a) फेवल 1
- (b) फेवल 2
- (c) 1 और 2 दोनों
- (d) न हो 1, 2 ही 2

119. 1, 3, 5, 7 और 9 पूर्ण लाम्बी पौँछ छोड़ने की गई है। इनमें से तीन छोड़ने का अनुभव होता है कि तीनी गहरी छोड़नी एक विशुद्ध चरा सकती है:

- (a) 0-5
- (b) 0-6
- (c) 0-3
- (d) 0

120. राहस्यमय यूरोप ज्ञात होगा, यदि यात्राभ्यास यूरोप 0-2 और 1-8 है?

- (a) 0-36
- (b) 0-2
- (c) 0-6
- (d) 0-9

- 115.** If a variable takes values  $0, 1, 2, 3, \dots, n$  with frequencies

$$1, C(n, 0), C(n, 1), C(n, 2), \dots, C(n, n)$$

respectively, then the arithmetic mean is

- (a)  $2n$
- (b)  $n + 1$
- (c)  $n$
- (d)  $\frac{n}{2}$

- 116.** In a multiple-choice test, an examinee either knows the correct answer with probability  $p$ , or guesses with probability  $1-p$ . The probability of answering a question correctly is  $\frac{1}{m}$ ,

if he or she merely guesses. If the examinee answers a question correctly, the probability that he or she really knows the answer is

- (a)  $\frac{mp}{1+mp}$
- (b)  $\frac{mp}{1+(m-1)p}$
- (c)  $\frac{(m-1)p}{1+(m-1)p}$
- (d)  $\frac{(m-1)p}{1+mp}$

- 117.** If  $x_1$  and  $x_2$  are positive quantities, then the condition for the difference between the arithmetic mean and the geometric mean to be greater than 1 is

- (a)  $x_1 + x_2 > 2\sqrt{x_1 x_2}$
- (b)  $\sqrt{x_1} + \sqrt{x_2} > \sqrt{2}$
- (c)  $|\sqrt{x_1} - \sqrt{x_2}| > \sqrt{2}$
- (d)  $x_1 + x_2 < 2(\sqrt{x_1 x_2} + 1)$

- 118.** Consider the following statements :

- 1. Variance is unaffected by change of origin and change of scale.
- 2. Coefficient of variance is independent of the unit of observations.

Which of the statements given above is/are correct?

- (a) 1 only
- (b) 2 only
- (c) Both 1 and 2
- (d) Neither 1 nor 2

- 119.** Five sticks of length 1, 3, 5, 7 and 9 feet are given. Three of these sticks are selected at random. What is the probability that the selected sticks can form a triangle?

- (a) 0.5
- (b) 0.4
- (c) 0.3
- (d) 0

- 120.** The coefficient of correlation when coefficients of regression are 0.2 and 1.8 is

- (a) 0.36
- (b) 0.2
- (c) 0.6
- (d) 0.9

## **SPACE FOR ROUGH WORK**

## SPACE FOR ROUGH WORK

## **SPACE FOR ROUGH WORK**

**SPACE FOR ROUGH WORK**

\*\*\*

**DO NOT OPEN THIS TEST BOOKLET UNTIL YOU ARE TOLD TO DO SO**

**T.B.C. : ADU-S-LET**

**Test Booklet Series**

**Serial No.**

**0263425**

## **TEST BOOKLET MATHEMATICS**



**Time Allowed : Two Hours and Thirty Minutes**

**Maximum Marks : 300**

### **INSTRUCTIONS**

1. IMMEDIATELY AFTER THE COMMENCEMENT OF THE EXAMINATION, YOU SHOULD CHECK THAT THIS TEST BOOKLET DOES NOT HAVE ANY UNPRINTED OR TORN OR MISSING PAGES OR ITEMS, ETC. IF SO, GET IT REPLACED BY A COMPLETE TEST BOOKLET.
2. Please note that it is the candidate's responsibility to encode and fill in the Roll Number and Test Booklet Series A, B, C or D carefully and without any omission or discrepancy at the appropriate places in the OMR Answer Sheet. Any omission/discrepancy will render the Answer Sheet liable for rejection.
3. You have to enter your Roll Number on the Test Booklet in the Box provided alongside. *DO NOT* write anything else on the Test Booklet.
4. This Test Booklet contains 120 items (questions). Each item is printed both in Hindi and English. Each item comprises four responses (answers). You will select the response which you want to mark on the Answer Sheet. In case you feel that there is more than one correct response, mark the response which you consider the best. In any case, choose **ONLY ONE** response for each item.
5. You have to mark all your responses **ONLY** on the separate Answer Sheet provided. See directions in the Answer Sheet.
6. All items carry equal marks.
7. Before you proceed to mark in the Answer Sheet the response to various items in the Test Booklet, you have to fill in some particulars in the Answer Sheet as per instructions sent to you with your Admission Certificate.
8. After you have completed filling in all your responses on the Answer Sheet and the examination has concluded, you should hand over to the Invigilator only the Answer Sheet. You are permitted to take away with you the Test Booklet.
9. Sheets for rough work are appended in the Test Booklet at the end.
10. **Penalty for wrong answers :**  
**THERE WILL BE PENALTY FOR WRONG ANSWERS MARKED BY A CANDIDATE IN THE OBJECTIVE TYPE QUESTION PAPERS.**
  - (i) There are four alternatives for the answer to every question. For each question for which a wrong answer has been given by the candidate, **one-third** of the marks assigned to that question will be deducted as penalty.
  - (ii) If a candidate gives more than one answer, it will be treated as a **wrong answer** even if one of the given answers happens to be correct and there will be same penalty as above to that question.
  - (iii) If a question is left blank, i.e., no answer is given by the candidate, there will be **no penalty** for that question.

**DO NOT OPEN THIS TEST BOOKLET UNTIL YOU ARE TOLD TO DO SO**

**प्रश्न वा उत्तर को लिखने की सुविधा के लिये इस पर चाहे भी चाहे रूप में लिखा जा सकता है।**